國立政治大學經濟學系 碩士學位論文

指導教授:陳樹衡 博士

認知能力與一般化強化學習 -凱因斯選美賽局實驗之實證分析 Effects of Cognitive Capacity on the Generalized Reinforcement Learning (EWA Learning):

> An Empirical Study of Keynes's Beauty Contest Experiment

Zon Chengchi Univois

研究生:蔡明翰

中華民國一〇一年七月

當寫下這些字句時,表示我的學生生涯即將畫下一個句點,從兩年前入學至今日完成論文取得碩士學位,這一路上要感謝的人真的太多太多,實在無法一一道盡,這二年的碩班生活,由衷地感謝政大經濟學系的栽培,首先要特別感謝 陳樹衡老師,在學問方面給予我許多建議與指導,因為有您的指導,我才有今天的成果,學生我以最誠摯的心感謝您,並且感謝口試委員 陳建福老師及 戴中擎老師的建議,使我的論文能更加完臻;也謝謝 業榮學長在論文上的幫助,無論自己有多繁忙,仍常常跟我一起討論論文,在論文不斷卡關的情況下,也是有你的鼓勵下才能走到今天這一步,真的萬分感謝,我想你是我這兩年最常與之相處的學長了吧。

經研所的同學,雖然大家都很忙碌,但每一個人都很善良熱心,我要特別感謝同門的明昌及信璋,在完成論文的這一段期間,有你們的陪伴以及鼓勵,才能走到今天這一步,真的非常感謝,也謝謝所有所上的同學,每當論文做到非常煩悶時,都能聽到一些有趣的事情,還有一同出遊唱歌,使我的心情變得愉快,也謝謝每一個曾經幫助過我的人,我都感激在心。

最後,感謝我的父母,讓我在求學的路上無後顧之憂地完成學業,不斷地關 心我,給予我強大的力量,在此將這份喜悅與你們分享。

摘要

本文研究的主要目的為研究學習行為與智能的相關性,採經驗加權吸引模型 (Experience-Weighted Attraction)來描述受測者在選美競賽賽局(Beauty Contest Game)實驗下的決策及行為,不單只選擇強化學習或信念學習模型,其理由為經驗加權吸引模型綜合了以上兩個學習的特點;在智能的部分,本文以實驗所得的工作記憶能力(Working Memory Capacity)分數的高低,來代表智能高低。

從研究結果發現,智能高與低兩類受測者的初始吸引分配,皆與其在第一期的選擇類似,而低智能的受測者在初始吸引部分,所估計的分配結果會與第一期之後期間的分配較不相似,這可能代表著低智能的受測者對於類似賽局實驗以及此實驗的分析或想像較差;在φ的參數估計上,由於低智能的初始吸引與最後一期猜測的分配較不相似,以理論來說會遞減較快,也就是說會小於高智能所估計的結果,而真實的估計結果也顯示如此,此外,φ的估計結果,也表示低智能受測者,對於之前吸引遞減較快,遺忘地較快。本文在δ的部分,高智能的受測者明顯地大於低智能的受測者,這表示高智能的受測者,對於失去的報酬比較敏感,會較關心沒有選擇到的數字所能得到的報酬,本文認為此結果可能隱含高智能受測者的認知階層較高。在受測者對於吸引敏感度 λ 的參數部分,本研究發現,此兩類受測者並無太大差異,也就是此兩類受測者對於吸引的變動,敏感度差距不大,也就代表影響人們對於吸引敏感度的原因,可能不是來自於智商高低。由本文的實證結果,可以發現學習行為與智能的相關性,因此本文建議在往後與學習行為有關的研究上,也許可以納入智能為主要研究探討的核心。

關鍵詞:選美競賽賽局、經驗加權吸引模型、工作記憶、智能

Abstract

The purpose of this paper is to explore possible relationships between individual differences in working memory capacity (WMC) and behavioral heterogeneity revealed in a repeated beauty contest experiment. We use 'experience-weighted attraction' (EWA) learning, to describe the decision-making and learning behavior of subjects in the beauty contest game (BCG) experiment. In the intelligence section, the level of the experiment from the working memory capacity score, to represent the intelligence high or low.

We found high and low intelligent of the subject's initial attract allocated all its similar to the first period choice. In parameter estimation of ψ , due to the initial attraction of low intelligence subject is less similar to the choice of the following periods. According to theory, ψ of the low intelligence subjects will decrease faster, and the estimate of the results also show that. In addition, part of δ , high intelligence subjects was larger than the low intelligent subjects, which means that subjects of high intelligence, more sensitive to lost revenue. We think that may be implied the higher intelligent subjects are higher cognitive hierarchy. The sensitivity of players to attractions λ , we found that these two types of intelligent is not much difference. This means that the impact of the sensitivity of players to attractions, may not be from the intelligent level. By the empirical results, we can find the relationship between behavioral heterogeneity and intelligence, so we suggests that it may be incorporated into the intelligent as the main research.

Key Words: Beauty Contest Game, Experience-Weighted Attraction, Working Memory Capacity, Intelligence

目錄

目錄	I
表目錄	III
圖目錄	IV
第一章、研究動機	1
1.1 研究動機與目的	1
1.2 研究流程	4
第二章、文獻回顧	6
2.1 選美競賽賽局與學習模型	6
2.1.1 選美競賽賽局	6
2.1.2 選美競賽賽局實驗與學習模型	7
2.1.3 小結	15
2.2 智能與策略行為	15
2.1.3 小結 2.2 智能與策略行為 2.3 總結 6	17
第三章、研究資料處理與模型	20
3.1 研究資料	20
3.2 學習模型	21
3.3 資料處理	25
3.4 估計方法	27
第四章、實證結果	29
4.1 實證資料敘述性統計分析	29
4.2 經驗加權吸引模型估計結果	34
I	

4.3 初始吸引	37
4.3.1 初始吸引設定參數估計結果	37
4.3.2 初始吸引設定的檢驗(LR test)	39
4.4 智能與學習模型	41
4.4.1 智能分數分為三等份結果	41
4.4.2 參數差異的檢驗	44
4.4.3 智能分數分為四等份結果	45
第五章、結論	47
5.1 結論 政 治	47
參考文獻	50
附錄 Right Chengchi University	54

表目錄

表 2.1: 選美競賽賽局實驗相關文獻	18
表 2.2:較高智能對策略思考的影響	19
表 3.1: 各群組工作記憶分數	26
表 4.1:每一期受測者的選擇	30
表 4.2:高智能分數受測者的每一期選擇	31
表 4.3:低智能分數受測者的每一期選擇	32
表 4.4:高低智能受測者的勝率	32
表 4.5:經驗加權吸引模型參數估計	36
表 4.6:各分配初始吸引數值	38
表 4.7:初始吸引設定參數估計結果	39
表 4.8: LR test 檢定結果(模型一)	40
表 4.9: LR test 檢定結果(模型二)	40
表 4.8: LR test 檢定結果(模型一) 表 4.9: LR test 檢定結果(模型二) 表 4.10: LR test 檢定結果(模型三) 表 4.11: 高低智能估計參數結果	40
表 4.11:高低智能估計參數結果	43
表 4.12: LR test 檢定結果(以 N(0)取代)	44
表 4.13:LR test 檢定結果(以 ϕ 取代)	44
表 4.14: LR test 檢定結果(以 ρ 取代)	45
表 4.15:LR test 檢定結果(以 δ 取代)	45
表 4.16: LR test 檢定結果(以 λ 取代)	45
表 4.17、各個高低智能結果比較表	46

圖目錄

圖 1.1: 研究流程圖	5
圖 3.1 :所有人在 τ -d 與 τ +d 之間所有選擇的強化	25
圖 3.2:贏家在 τ -d 與 τ +d 兩點選擇的強化(假設贏家所選數字為 τ +d)	25
圖 3.3 :輸家在 τ -d 與 τ +d 兩點選擇的強化	26
圖 4.1:第一期的選擇(右:高智能 左:低智能)	33
圖 4.2: 第四期的選擇(右: 高智能 左: 低智能)	33
圖 4.3:第七期的選擇(右:高智能 左:低智能)	33
圖 4.4:第十期的選擇(右:高智能 左:低智能)	33
圖 4.5: 本研究與 Camerer 的初始吸引參數值	35
圖 4.6:初始吸引設定圖	37
圖 4.7: 高低智能與所有受測者的初始吸引參數值	42
圖 A.1:各個群組各個期間的目標數	54
圖 A.2:各個群組的工作記憶分數	54
圖 A.3:所有受測者的選擇頻率	55
圖 A.4:第一期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	55
圖 A.5:第二期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	55
圖 A.6:第三期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	56
圖 A.7:第四期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	56
圖 A.8:第五期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	56
圖 A.9:第六期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	56
圖 A.10:第七期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	57
圖 A.11:第八期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	57
圖 A.13:第十期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)	57
圖 A.14:第一期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	58
圖 A.15: 第二期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	58
圖 A.16:第三期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	58

圖 A.17:第四期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	58
圖 A.18:第五期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	59
圖 A.19:第六期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	59
圖 A.20:第七期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	59
圖 A.21:第八期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	59
圖 A.22:第九期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)	60
圖 A 23: 第十期的選擇(右: 智能前四分之一 左: 智能後四分之一)	60



第一章、研究動機

1.1 研究動機與目的

賽局理論研究的是個體在互相考慮對手策略環境中互動的結果,透過謀略推估,為一種策略性思考,透過推估對手的行動,以擬訂尋求最大利益的策略,追求尋求自己最大的勝算或利益。賽局理論用於研究人類的決策及行為,有助於了解人們在互動過程,如何制訂策略。在一個賽局中,幾個重要的元素包括參與的玩家(players),指賽局中選擇以自身利益最大化的決策主體(可以是個人,也可以是團體,如廠商或國家)、選擇的策略(strategies),以及不同策略組合(strategy profile)下每個玩家的報酬(payoffs)。賽局理論可以用來預測人們的行為,如果賽局理論能夠正確的假設,它不但能夠預測出人們最終的行為,也能夠解釋人們的行為,解釋為何會有如此決策。因此,賽局論應該可以預測,提供解釋,並且建議人們應該採取何種策略。

Keynes (1936, P.155-56)提出以下這段話:

"professional investment may be likened to those newspaper competitions in which the competitors have to pick out the six prettiest faces from a hundred photographs, the prize being awarded to the competitor whose choice most nearly corresponds to the average preferences of the competitors as a whole...It is not a case of choosing those which, to the best of one's judgment, are really the prettiest, nor even those which average opinion genuinely thinks the prettiest. We have reached the third degree where we devote our intelligence to anticipating what average opinion expects the average opinion to be. And there are some, I believe, who practice the fourth, fifth, and higher degrees."

Keynes以一個選美競賽,來形容的投資行為背後的策略思想。這段話說明投資市場,就像是預測選美大賽的結果,不是要挑每個人各自認為最漂亮的臉蛋,而是努力預測一般人心目中認為大家公認最漂亮的會是誰。這段話也使人開始思考,是否人們的推論方式是否真的會如上述所說,推論的程度到達第四、第五或更高的階層,還是有其他的推論方式,因此有許多研究開始尋找這問題的答案,而他們在研究實驗中,最常使用選美競賽賽局(Beauty Contest Game)的架構。選美競賽賽局架構,會因p值的不同,以及所乘上的數字,如所有人選擇的平均數、中位數或最大值等不同,而有不同的結果,除此之外,實驗中還有許多調整的因素,如將受測者分為有無實驗經驗或受測者的人數。接著,如果我們考慮以下選美競賽賽局的實驗,假設班上每位同學都從0到100選一個數字,然後算出所有人數字的總平均,最接近總平均乘上三分之二的人為獲勝者,並贏得獎金。請問你會如何選擇?在傳統賽局理論中的均衡告訴我們,如果不斷地推論,並刪除不可能獲勝的策略之後,最後的奈許均衡解,應該為大家都會選擇0,但實際狀況真會如此?智能較高的同學會是最大的贏家嗎?

經濟學家們藉由實驗設計類似的賽局實驗(game experiment),探討賽局在理論與實際間的差異,在過去的實證的結果中,可以發現大部分的受測者都不會選擇均衡,這也代表大部分的受測者都違反了傳統經濟學,給定理性預期的假設,為了解釋這種異常的現象,也開始從心理學的文獻中尋求幫助來解釋,而在經濟的研究中,至少有兩種方向。其一為在原本傳統理性選擇的框架下,將非標準的表現、信念和決策納入理論預測和觀察行為,另一為根據杜恩-奎因理論(Duhem-Quine thesis) (Cross,1982),認為要將這些異常的現象歸因於特定的假設理論錯誤是不可能的,這意味著堅持著之前的假設,將可能失去更好的機會去解釋人類的行為,因此這也有利於開始思考經濟學與心理學之間關聯的可能性(Earl,1990)。

本文建議將工作記憶能力(Working Memory Capacity)納入分析的核心,其理

由為以一般而言,人類的短期記憶(Short-term Memory),在於解釋許多思考和學習的現象,為一個重要的行為表現(Simon,1990)。工作記憶能力也與一般智力(Intelligence),有強烈的相關性(Conway et al., 2002; Engle et al., 1999; Kyllonen and Christal,1990),而且也被認為是主要的推論處理要素(Kyllonen, 1996)。有關於學習,工作記憶能力不只支持透過心智表達所建構的新學習理論(Cantor and Engle,1993),而且也可能有關於自身已知能力的使用 (Daily et al., 2001; Hambrick and Engle,2002)。學者對於智力的定義對常有不同的看法,而以下四類是較為普遍所被接受的定義,分別認為智力是抽象思考和推理的能力、智力是學習的能力、智力是環境適應的能力以及智力是問題解決的能力。根據智力的學習理論,智力代表一個人學習的能力,因此,可用學習法則來解釋智力的性質。Thorndike認為學習是一種聯結形成的過程,個人所具之聯結形成能力即為智力,智力有神經生理學之基礎,但也受訓練和經驗影響(Thorndike,1913,引自張春興,1994)。

在各種賽局的實驗下,經濟學家們提出許多學習模型(Learning Model)描述參賽者的決策及行為,而本文將採用經驗加權吸引模型(Experience-Weighted Attraction),來描述受測者在選美競賽賽局實驗下的決策及行為,不單純只選擇強化學習模型或信念學習模型,其理由為在強化學習模型下,人們不會改變信念,但真人會改變,而在信念學習模型下,人們不會對實際報酬做出反應,但真人會對這些誘因產生反應,經驗加權吸引模型則綜合了以上兩個學習的特點,且在Camerer and Ho(1999)的實證結果中,模型配適度也比較好。此外;本文也會將所有參數進行估計,並討論各個參數值的意義,不像過去的實驗並沒有如此討論,多數只純粹以模型描述策略行為。

綜合以上所述,本文將使用選美競賽賽局實驗的資料,採取學習模型估計, 以學習模型參數更準地來解釋學習行為,並且納入智能為實證研究的核心,觀察 各種不同高低的智能,在選美競賽實驗中的表現以及所估計出的模型參數值,來 探討智能對於學習行為上的差異。

1.2 研究流程

本文從實驗經濟出發,利用真人實驗獲得資料,以實證資料代入模型,而實驗的方法,也參照過去文獻的介紹加以改良。此外,實驗的過程中,也包含認知能力測驗,本研究在認知能力測驗所得到的工作記憶分數,將代表受測者智能的高低,而在之後研究,也會使用智能的高低將資料做劃分,並將智能與學習模型參數估計做結合。

本文研究的主要目的是將實驗中所獲得的資料,以經驗加權吸引模型進行分析,並將受測者以工作記憶分數做分類,並以各種方法探討不同智能的受測者在經驗加權吸引模型裡的參數是否有明顯差異;此外,本研究也會討論有關初始吸引的設定。

在第二章,我們會先介紹有關選美競賽賽局實驗以及有關學習模型的文獻,接著會再介紹有關智能的文獻。第三章,本文會介紹研究資料的處理、估計採用的模型以及實證所使用的方法,第四章,本文會先對實驗所得資料更進一步探討與分析,之後進行參數估計。在參數估計上,會先估計以經驗加權吸引模型的各個參數,並與Camerer and Ho(1999)所做的實證結果做比較;此外,會額外再針對初始吸引的部分作探討;接著會將資料以智能的高低分為三類,將最高的一類與最低的一類,進行參數估計,分別比較各個參數之差異,以驗證智能是否對選美競賽賽局的推論學習行為有所影響:最後,再將資料以智能高低分為四類,同樣也是取用最高的一類與最低的一類的受測者資料,進行參數估計,並與劃分為三類群體的參數作比較,以檢驗此結果是否會更強烈的支持智能對選美競賽賽局推論行為的影響,亦或是違反此假設,並且觀察是否在更極端的受測者中有不同的學習行為。

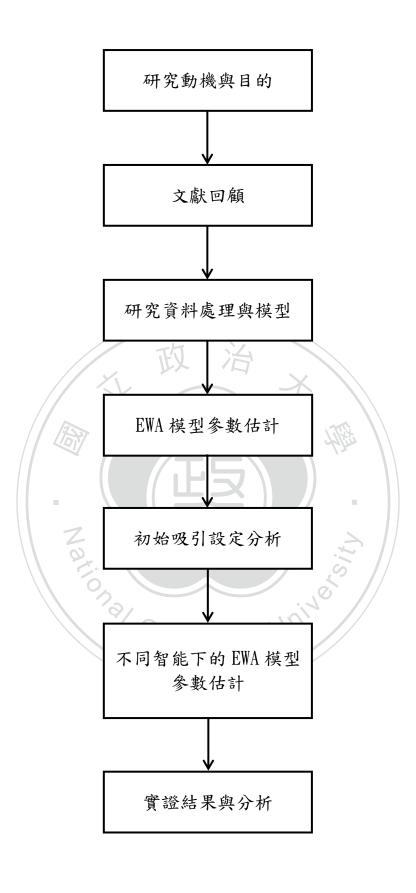


圖 1.1:研究流程圖

第二章、文獻回顧

2.1 選美競賽賽局與學習模型

本文在以下的部分,由於內容包含賽局架構以及其相關文獻,內容繁多,所以將會先介紹選美競賽賽局的基本架構,接著回顧一些相關的文獻,在最後的部分並先做個小結。

2.1.1 選美競賽賽局

基本的選美競賽賽局說明如下: 許多玩家同時選擇一個在 $0 \, \Xi \, 100$ 之間的數字,贏家為猜中最接近目標數的玩家,目標數的定義為 p 乘上所有玩家選擇數的平均,例如 p=2/3,p 值為正,且所有玩家都知道,相同賽局被重覆數期,而且受測者會被告知每一期的結果,受測者們會互相關心別人推測的深度。在賽局理論上,對於 p<1 的賽局符合唯一均衡解,所有人最後都會選擇0;而對於,p>1 區間的最高上限則是均衡。對於 p<1 的每一期,所有玩家們應該都猜測數字為 0,因此每個人都是贏家。 如果其他玩家都選擇 0,那麼猜測偏離 0 的數字,將產生零的報酬,這是顯而易見的。

舉個例子,對於任何人數 n>2 且 p=2/3,一個理性玩家會消去所有大於 100・(2/3)=66.667 的數,弱勢支配策略為 66.667。我們發現新的賽局區間為[0,66.667],如果玩家們相信其他人也會消去大於 66.667 的數,則 66.667・(2/3)= 100・(2/3)²=44.444 會弱勢支配所有大於 44.444 的數,區間變為[0,44.444],之後不斷地反覆刪除劣勢策略,直到均衡 0。也就是說,理性的玩家不會隨機選擇數字或選擇較喜好的數字,對於理性玩家來說,也不會選擇超過 100p 的數字,因為那是劣勢策略。此外,如果某玩家相信其他玩家也是理性的,那他將不會選超過 100p² 的數字,之後若他又相信其他人是理性,而其他人也如此認為,則所

選數字將不會超過 100p³,然後依此類推。反覆支配的觀念,在賽局理論上是非常重要的;而在研究被應用有多深度的推論層級時,選美競賽賽局是一個理想的工具。

選美競賽賽局相對於其他賽局,如複動機(mixed-motive)賽局,選美競賽賽局為一般的常數和(constant-sum)形式賽局,所以玩家可以預期一些非策略性觀點,如公平性,將不會被用來解釋違反重覆支配的行為;因此,選美競賽賽局可以專注於推論策略上的問題,額外的好處是選美競賽賽局不用複雜的賽局架構或改變報酬的架構,就可以很容易地改變達到均衡時,劣勢策略所需要被反覆刪除的次數,而選美競賽賽局的其他特色,如在第一期時的行為,經常遠離均衡點,且隨著時間經過,選擇會漸漸收斂至均衡(Nagel,1995)。一些學習模型,已經在選美競賽賽局被嘗試用來解釋,隨著時間經過後的確切行為。如:反覆最佳回應模型(Iterated Best Response Models),學習方向理論(Learning Direction Theory),簡單的強化理論(Simple Reinforcement Model),基本規則強化模型(Rule-Based Reinforcement Model),經驗加權吸引(Experienced-Weighted Attraction),而在大部分的文獻回顧發現,隨著時間經過玩家會極少去學習更高層級的推論。在研究學習行為上,選美競賽賽局是非常有用的,因為其不會立刻地收斂,可以使我們能夠研究觀察動態的過程。

2.1.2 選美競賽賽局實驗與學習模型

首先,本文會先介紹每篇文獻的實驗想法與設計,接著敘述實驗觀察與結果, 最後描述各個作者為了解釋及描述這些結果,以及所提出的學習模型;此外,本 文將依照時間順序來介紹每篇文獻。

Nagel (1995)首先提出選美競賽賽局(p-Beauty Contest Game)實驗,每次的實驗人數為 15×18 人。作者將實驗分為三種分別為 p 值為 $1/2 \times 2/3$ 及 4/3,在 p 值為 $1/2 \times 2/3$ 的實驗中,可以選擇的區間為 0×100 ,而在 p 值為 4/3 的實驗中,

可以選擇的區間為 100 至 200; 依賽局理論而言,在 p 值為 1/2 及 2/3 的狀況下, 奈許均衡(Nash equilibrium)為 0;而 p 值為 4/3 時,奈許均衡(Nash Equilibrium)為 200。Nagel 認為選美競賽賽局不用複雜的賽局架構或改變報酬架構,就可以容 易地改變達到均衡時,且選美競賽賽局為常數和(Constant-Sum)賽局,不像複動 機 (Mixed-Motive)賽局,可以專注於有關推論策略的問題,且玩家在選美競賽 賽局第一期時的行為,經常遠離均衡點,隨著時間經過,選擇才會漸漸收斂至均 衡。

在實驗流程上, Nagel 在 1 至 3 回合採 p=1/2 模擬, 4 至 7 回合採 p=2/3, 而 8至10回合採 p=4/3, 贏家可以獲得大約13 塊美金的獎勵, Nagel 在第一期發現, 選擇劣勢策略的玩家(劣勢策略為 100p),在 p=1/2 的實驗下,約 6%選擇大於 50 及 8% 選擇等於 50; 而在 p=2/3 的實驗下,約 10% 選擇大於 67,6% 選擇等於 67。 Nagel 從實驗結果中分析,第一期時,玩家的行為會強烈地偏離奈許均衡(Nash equilibrium),而且在不同p值下,在0至100的區間內,各個選擇的數字分配會 明顯不同;Nagel 在此也提出了一個說法,他認為一開始的反應點或起始點(此反 應點或起始點為第一次猜測時以何種數字做為依據),不是 100 而是 50,也就是 說如果一開始玩家推論在第 1 階段時,則會猜測數字會在 50p 附近,若為第 2 階段時,會在 $50p^2$ 附近,而在p=1/2 和 2/3 的實驗發現,大約 50%的人數選擇在 第1和2階段,然而在所有不同p值的實驗中,推論在第3階段或更高階段的玩 家,只有6%至10%左右。隨後,Nagel又分析了第二、三和四期的結果,這是 為了觀察行為會如何隨著時間的經過而改變,在p=1/2的實驗中,144個觀察值(選 擇的數字)有 135 個會比前一期小,而在 p=2/3 中 201 個觀察值中會有 163 個小 於前一期,也就是在這兩種實驗下,玩家所選擇的數字,會越來越小;另外,在 p=4/3 的實驗中,153 個觀察值,有 133 個大於前一期所選擇的數字,也就是說 無論 p 值是如何,都會往各自的均衡去移動,並且 Nagel 認為移動的速度取決於 p 值;另外,Nagel 也試著分析推論的深度是否隨時間經過而改變,他發現實驗

者們一般會推論至第二階段左右,大部分都推論不超過第三階段。

Nagel 根據這些實驗結果,提出了學習方向理論(Learning -Direction Theory),這模型的調整參數是來自於經驗,而模型引用自 Selten 和 Stoecker (1986),相似的研究是由 Camerer(1991)在協調賽局(Coordination Game)的實驗中提出,此模型描述玩家調整其決策,使用的事後推論是依據之前期間的結果,如果實驗者的選擇低於最適的數字,那麼他將增加他的調整要素;反之,當他選擇高於最適的數字時,則會降低他的調整要素。

Duffy and Nagel(1997)依據選美競賽賽局架構,在實驗中新增兩種試驗,將 平均數替換為中位數及最大值,並與平均數的試驗做比較,所以共做了三種不同 的實驗,每次實驗人數為 $13 \subseteq 16$ 人,共 175 位受測者,猜測區間為 $0 \subseteq 100$, 而贏家為猜測數字最接近 p 乘上平均數 v p 乘上中位數或 p 乘上最大值(依實驗設 計),贏家可獲得20塊美金,若有多個贏家則平分,而每次實驗給予5塊美金, 在每回合結束後,皆會公布平均數、中位數或最大值,以及p乘上平均數、p乘 上中位數或 p 乘上最大值,在這些實驗中,p 值為 1/2。Duffy and Nagel 從實驗 中發現,在中位數的實驗下,第四回合時,約有 90%的猜測小於 10, 在平均數 的實驗下,第四回合時,約有 76%的猜測小於 10,而在最大值的實驗下,第四 回合時,約有13%的猜測小於10; Duffy and Nagel 也將實驗的觀察重點分為受 測者在第一回合時的行為與受測者隨時間經過的行為,在第一期時,並沒有人選 擇 0 這個數字,在中位數的實驗下,約有 5%的受測者選擇大於 50(劣勢策略), 在平均數的實驗下,約為 10%,而在最大值的實驗下,約為 15%;在之後的期 間,指出中位數的實驗下,各階層(level)的比例變動會顯著大於其他兩種實驗, 也就是中位數的實驗,推論深度會不斷增加,然而這在平均數和最大值的試驗下, 卻沒有發現。此外,Duffy and Nagel 也發現第一回合時,在最大值的實驗中的選 擇會顯著的大於在中位數及平均數的實驗。

此外 Duffy and Nagel(1997)也根據 Nagel(1995)所提出的學習方向理論

(Learning Direction Theory)檢視受測者們的行為,隨著時間經過是否會根據此理論的描述, Duffy and Nagel 發現在前四期時,三種不同變數的實驗下,受測者主要的行為皆與學習方向理論(Learning Direction Theory)的預測相似,但在最大值實驗中,對於之後回合受測者的行為預測會失敗,而在平均數的實驗中準確度也會有些減少。

Ho,Camerer and Weigelt(1998)將選美競賽賽局的實驗進一步地延伸,實驗中總共有55個群組,總共277個受測者,實驗人數分為3或7人,有27組為3人,28組為7人,會如此分類是由於實驗人數多寡是Ho, Camerer and Weigelt實驗觀察的其中一個方向;依理論而言,在實驗人數較少時,每位玩家對平均數會有較大的影響,反之則較少,實驗將p值設為0.7、0.9、1.1及1.3;除此之外,Ho,Camerer and Weigelt也將玩家分為有無經驗,以檢視經驗對結果的影響;如果p值設為0.7及0.9時,則選擇的區間設在0至100間,為一個反覆支配次數為無限的賽局,我們將它稱之為無限門檻(infinite-threshold)賽局,而p值設為1.1及1.3,則選擇的區間設在100至200間,為一個反覆支配次數為有限的賽局,我們將它稱之為有限門檻(finite-threshold)賽局;依賽局理論而言,在p值為0.7及0.9的狀況下,奈許均衡(Nash equilibrium)為0;而p值為1.1及1.3時,奈許均衡(Nash Equilibrium)為200。

Ho, Camerer and Weigelt 的實驗結果有以下顯著幾點,第一點為受測者們第一期時的選擇,分部會較為寬廣,且離均衡點較遠,而在之後的期間,受測者們的選擇會隨時間慢慢收斂至均衡點,尤其是在有限門檻(finite-threshold)賽局下,而且就算實驗對象為較老練的玩家,如經濟學家、教授或公司主管,也有如此特點(Camerer,1997),第二點為約70%的受測者們,在第一期之後,會以之前的目標數作加權平均來選擇數字,最後一點為P值、受測者人數多寡及是否有無接觸過類似賽局經驗,對受測者的選擇會有極大影響;受測者在有限門檻(finite-threshold)賽局選擇會比無限門檻(infinite-threshold)賽局更接近均衡,且 p

值越遠離 1,其選擇也會更接近,以及受測者群體越大(人數為 7)相對於小群體(人數為 3)選擇會更接近均衡,除此之外,在玩家是否有無接受此類實驗的經驗上,第一期時並沒有辦法看出其差異,但在之後的期間,有經驗的玩家群會較快收斂至均衡。

Ho, Camerer and Weigelt 根據實驗結果應用了兩種理論解釋,其一為反覆支配模型(Iterated Dominance Model),另一個為反覆最適回應模型(Iterated Best Response Model),分別描述玩家學習行為在第一期及之後期間的動態過程。Ho, Camerer and Weigelt 最後也提到如果要將學習模型描述得更好,應該要包含老練以及會依經驗做簡單回應的兩種類型玩家;除此之外,Ho, Camerer and Weigelt 認為只考慮上一期的庫諾最適回應動態(Cournot Best-Response Dynamics)及虛擬對策 (Fictitious Play),是無法適用的。

Nagel(1998)又介紹了幾個新的處理方法,Nagel 改變了報酬的架構,像是贏家的報酬不再是固定,而是依照贏家選擇的數字給予報酬,例如果贏家選擇的數字為5,他會得到5塊美金,而不是固定報酬,這導致賽局變成複動機(Mixed-Motive)賽局形式,而不是常數和(Constant-Sum)賽局,其他選美競賽賽局的性質,則皆不調整。這跟固定報酬的賽局比較起來,收斂至均衡的速度會變得較慢。在變動報酬與固定報酬的實驗結果上,玩家的行為隨著時間經過會顯示出其差異性,Nagel 在此列出第三期與第四期時,選擇的變動情形,在變動報酬實驗中,會有較多的玩家的選擇變大,而在固定報酬下則較少;Nagel 也提到收斂速度會取決於基本的四個要素,p值、玩家的人數(玩家對目標數字的相對影響)、贏家獲得報酬的方式,以及有無任何關於選美競賽賽局的相關經驗。

在此篇文章中,Nagel 也介紹了許多解釋玩家推論行為的理論,將之分別為 靜態推論模型(Static Reasoning Models)以及適應性學習模型 (Adaptive Learning Models),實際上,這兩種類型的模型,是非常相關的,靜態模型關注於玩家在 第一期實的行為,提出反覆支配層級(Levels of Iterated Dominance)、反覆最佳回 覆模型(Iterated Best-Reply model)、貝氏模型(Bayesian Model),而適應性學習模型,則關注於玩家隨時間經過的行為,Nagel 介紹了反覆最適回應模型(Iterated Best Response Model)、學習方向理論(Learning Direction Theory)及經驗加權吸引模型(Experienced-Weighted Attractionl)。Nagel(2008)又更進一步,將選美競賽賽局實驗整理介紹,並提出幾個問題,他認為目前還沒辦法藉由學習模型的描述,解釋參與者選擇的數目如何影響隨著時間經過的收斂過程;此外,仍然無法解釋在變動報酬試驗裡,選擇為何會突然增加。

在前面的描述中,我們知道有關選美競賽賽局的實驗設計以及結果(將之整理為表 2.1),並且作者們,也提出許多理論解釋實驗的結果,但這些研究並沒有真正得使用有關學習的模型,去估計參數,並分析實驗結果。因此,本文將再介紹幾篇有關個人的學習行為,以學習模型估計的文獻。

Cheung and Friedman(1995)提出了有關於個人學習行為的估計方法,雖然作者並非採用選美競賽賽局,但已提供了許多估計學習模型的方法,因此我們在此提出並說明。在文章中 Cheung and Friedman 建構了包含一個參數的學習規則,包含虛擬對策(Fictitious Play)及庫諾最佳反應(Cournot Best Response)形式,將玩家的學習行為分類,其中虛擬對策假設玩家擁有長期記憶,且會對之前所有的觀察做考慮,而庫諾最佳反應則假設玩家在考慮策略上,會專注於最近期的觀察,更勝於之前的觀察,另一方面也建構了包含兩個參數的決策規則,所以整個模型共有三個參數;在實驗上,使用了四種賽局架構,分別為鷹鴿賽局(Hawk-Dove Game)、協調賽局(Coodination Game)、買家-賣家賽局(Buyer-Seller Game)和兩性戰爭賽局(Battle of the Sexes Game),這是為了能適當的估計出學習模型裡的參數,每一次的實驗,在 60 至 200 期之間,共有 6 至 24 位受測者,整個資料包含共三十次的實驗。Cheung and Friedman 在實驗中發現玩家們有的行為相當的異質性,因此在估計中應該要允許每個人所估計的參數有所不同,且 Cheung and Friedman 認為在不同報酬函數下,玩家們採取虛擬對策、適應性(adaptive)(介於虛擬對策

和庫諾最佳反應對策的行為)和庫諾最佳反應的分配,應該不會改變,而 Cheung and Friedman 的資料結果也與此論點一致,但 Cheung and Friedman 也提到,雖然在其文章上,許多的估計都是非常成功,但他並不認為簡單的三個參數模型,就可以捕捉到在賽局裡,所有學習的重要面相。

Camerer and Ho(1999)也提出了有關於個人學習行為的估計,建構了一個包含信念學習模型(Belief learning model)與強化學習模型(Reinforcement Learning)性質的經驗加權吸引模型(Experience-Weighted Attraction);經驗加權吸引模型,在信念學習模型的部分,假定玩家會追蹤其他玩家之前的策略,且依據過去觀察形成一些有關其他玩家,在未來會採取何種採取策略的信念;而強化學習模型部分,則假設策略會藉由強化之前所獲得的報酬,且傾向依據被強化的程度,來選擇其策略。Camerer and Ho 在實驗中,使用了有單一混合策略均衡的常數和賽局(Constant-Sum Games)(其有一個弱劣勢策略);有協調多重柏拉圖等級(Pareto-Ranked)均衡的中位數-行為(Median-Action);和有單一均衡的選美競賽賽局(p-Beauty Contest Game),Camerer and Ho 認為根據大部分的研究報導指出,會偏好強化學習或者信念學習模型其中之一,使用的這些賽局,對於這些模型會有新的挑戰。

在參數的估計上,Camerer and Ho 還將模型劃分一部門(one-segment)及兩部門(two-segment)。由於經驗加權吸引模型相對於其他特殊模型總是更一般化,對於資料的配適將會更好,所以可能會有過度配適的危險。為了防止此種狀況,Camerer and Ho 校準然後並驗證模型,使用每一個樣本前 70%的觀察使用最大概似估計法(Maximum Likelihood Estimator)估計,然後使用這些估計去預測其餘30%樣本資料的策略途徑;為了評估模型的精確度在校準方面,Camerer and Ho報告四個準則分別為對數概似估計量(Log Likelihoods),Akaike 訊息準則(AIC)和 Bayesian 訊息準則(BIC)和 pseudo-R²,對於在驗證樣本,除了使用對數概似估計量外,也計算平均平方差(MSD),越小的平均平方差,代表模型預測能力越好;

除此之外,在模型配適方面,也與所有策略在每一期被選擇機率皆相同的隨機選擇模型做比較。Camerer and Ho 為了確認在經驗加權吸引模型所加入的變數,皆分別擁有解釋力,也對參數間的相關性估計。

實驗估計的結果方面,分別從常數和賽局、中位數-行為以及選美競賽賽局 描述,在常數和賽局在驗證面向上,強化模型表現較差。在某些賽局上(四種策 略),信念模型比經驗加權吸引模型好,但在某些賽局上(六種策略),信念模型比 經驗加權吸引模型差,然而這些差異並不大;在中位數-行為上,從明顯的數據 以及預測誤差圖裡,可看出經驗加權吸引模型配適得比強化模型和信念模型好; 在撰美競賽賽局上, Camerer and Ho 為了實行經驗加權吸引模型, Camerer and Ho 假設所有人都知道贏家所選的數字 (ω) ,然後定義 d 為目標數 $(target number; \tau)$ 與贏家所選數字的差距,在經驗加權吸引模型中的強化模型部分,所有玩家皆會 以 δ 乘上總報酬,強化 τ -d與 τ +d之間所有的選擇(不包括 τ -d與 τ +d兩點),在 τ -d與 τ+d 兩點的部分, 贏家會以所獲得的報酬(總報酬/贏家人數)強化其所獲得的選 $擇(\tau-d) 與 \tau+d$,其中一點為贏家所選數字),而另一點,則以 δ 乘上所獲得的報酬 (總報酬/贏家人數)強化,輸家則會以δ乘上報酬(總報酬/(1+贏家人數))強化此兩 點;在經驗加權吸引模型中的信念模型部分,只會以總報酬強化 τ -d 與 τ +d 之間 所有的選擇(不包括 τ -d 與 τ +d 兩點)。結果顯示,兩部門的經驗加權吸引模型在 校對和驗證上皆比一部門的經驗加權吸引模型好,但在信念學習模型與強化學習 模型,一部門或二部門並沒有太大提升,但 Camerer and Ho 認為在選美競賽賽 局上,這三種模型(無論一或二部門),皆沒有辦法將資料解釋得較完美;整體來 說,經驗加權吸引模型在三種類型的賽局(共六個賽局),配適得比信念學習模型 與強化學習模型好,信念學習模型在常數和賽局比強化學習模型好,在中位數-行為,信念學習模型則比強化學習模型差,在選美競賽賽局上,則各有優劣(校 對上強化學習模型較好;驗證上信念學習模型較好)。在參數間的相關性估計上, 除了ρ和φ有較大相關之外,其餘參數間,皆有適中(或較低)的相關性。

在 Camerer and Ho(1999)的這篇文章中,可以清楚的知道,經驗加權吸引模型在常數和賽局、中位數-行為以及選美競賽賽局,皆配適得比信念學習模型與強化學習模型好,因此我們的研究在實證分析中,將只採用經驗加權吸引模型,來進行實證分析。

2.1.3 小結

在以上幾篇文獻中,本研究發現在探討推論行為的過程中,作者們紛紛提出 各種理論與假說,來解釋受測者在選美競賽賽局裡的學習行為,但並未納入與工 作記憶有關的分析,而本研究也將在下一節,介紹有關學習行為與智能的相關文 獻,來解釋為何本研究在探討推論行為的過程中,會納入有關智能的分析。

2.2 智能與策略行為

選美競賽賽局的實驗的結果已經顯示出與賽局理論的預測有所偏離(Nagel, 1998, 2008),這也引起了一些有關認知經濟的研究,如 Crawford 提出的層級 k 推論(Level-k Reasoning)和 Camerer 提出的認知層級(Cognitive Hierarchies)。 Crawford 提出的層級 k 推論假設不同的層級會導致非準則信念,而非不理性,認知層級模型假設認知上的層級,可能是由於受測者不能夠理解其他較高層級的受測者,而這可能的原因為來自於大腦的限制,像是工作記憶的限制(Camerer, Ho and Chong, 2004),但儘管如此,仍有許多待解的問題,因此擁有較高智能的人是否在選美競賽賽局中比較有優勢,成為了一個受關注的議題。以下本文將探討智能與策略行為的相關文獻作介紹。

Camerer (1997)提出有關受測者在選美競賽賽局下的行為與智力並無關聯的假設;他發現 SAT 數學分數較高的學生相對於平均分數的學生,並不會選擇比較靠近奈許均衡的數字。Coricelli and Nagel(2009)使用功能性磁振造影(fMRI)測量受測者在進行選美競賽賽局時,大腦的活動過程,以調查人類的心理程序。作

者使用認知層級模型,根據策略推論的層級,將受測者的選擇做分類,使作者可以確定不同策略層次的神經基質(Neural Substrates)。作者對於為什麼人們會有不同且有限的推論層級,提出了兩個解釋,其中一個理由為玩家因為認知能力的限制,可能無法使用較高層次的推論,另一個理由為或許受測者也相信其他受測者如同他一樣,不會使用太高的推論層級。實驗的結果顯示人們使用有限理性的策略或認知層級(Cognitive Hierarchies),會反應在在特定的神經基質(Neural Substrates),較高的推論層級和推論 IQ 與在內側前額葉皮層的神經活動有關,這裡所指的推論 IQ 為正確猜中的能力;此外,實驗結果顯示數學上的表現與推論 IQ 無關,這與 Camerer (1997)的結果相似。

雖然上述兩篇文獻都認為數學上的表現與推論 IQ 無關,但以下幾篇文獻卻 有不一樣的觀點, Burnham et al. (2009)為第一篇試圖尋找選美競賽賽局的策略行 為與認知能力相關性的文獻,作者在研究中使用了一些標準認知能力的心理測驗, 來檢視受測者的能力;不像之前的研究,此文獻的結果顯示策略行為與智能是相 關聯的,例如:較高認知能力的受測者,在第一期時,所猜測的數字會較低,並 且這些較高認知能力的受測者,所猜測數字的平均,也會較接近目標數。Rydval、 Ortmann 和 Ostatnicky(2009) 為了解在對稱的優勢可解(dominance-solvable)賽局 中,違反優勢策略的性質,採取了選美競賽賽局實驗,作者們研究受測者的推論 程序、選擇、信念、認知能力和個人特質,在智能的測量上採用運算廣度作業 (Operation span task),作者在實驗中,將受測者分為三類,分別為推論錯誤的受 測者、推論策略為優勢策略,但無法解釋的受測者,以及推論策略為優勢策略, 也能清楚的解釋的受測者。作者在實驗中發現將近三分之二受測者的推論與優勢 策略不相符,而作者認為會發生推論錯誤的原因,較有可能是因為受測者事前較 低的工作記憶(working memory)以及預設態度(有可能是由於較低的意願或者不 願仔細地思考)所造成,此文獻說明了當不理性的競爭者被排除或被忽略時,短 暫記憶(short term memony)和工作記憶在策略的思考上,扮演了重要的角色。

Schnusenberg and Gallo (2011)在文獻中,也提出認知能力與策略行為的相關性,此文獻的結果與 Burnham et al. (2009)的結果相當類似。作者在智能的測量上採用認知反應測驗(cognitive reflection test),研究發現在第一期時,較高認知能力的人,所猜測的數字會較低,且這類受測者的猜測數字會較集中,雖然這現象只在第一期時發生,並沒有在之後的期間發生,但仍說明了認知能力對於策略行為是有相關的。

其他有關智能對策略思考,但非採用選美競賽賽局實驗的文獻,如 Devetag and Warglien (2003),在實驗中,建構了三個賽局,以檢視短暫記憶(short term memony)對策略行為的影響,此三種賽局分別有具反覆支配解的賽局、污臉賽局 (Dirty Faces Game)及序實賽局(Sequential Game),結果顯示短暫記憶(short term memony)與行為者的策略推論有關。我們在表 2.2 將這些有關智能對策略思考的影響的文獻作些簡單的整理。

2.3 總結

從上述可知,智能與受測者在選美競賽賽局的行為策略的相關性,是一個常被關注的議題,但過去的研究,一直都是直接觀察實際猜測推論行為與智能表現之間的關係,缺少了有關模型的架構,無法準確描述之間的差異,也就是未直接關注於學型模型,以學習模型參數估計值上的差異,更準確地來解釋智能表現對於學習行為策略的相關性,因此本研究將會著重於此部分的實證研究,並使用學行模型參數的意義,來解釋智能差異對於學習行為的影響。

表 2.1: 選美競賽賽局實驗相關文獻

作者	受測者(n)	贏家定義	參數(p)	選擇範圍	實驗期數	報酬
Nagel (1995)	15至18人 (共166人)	p x 平均數	p=1/2,2/3,4/3	[0,100] 整數	4	贏家:\$20 輸家:\$0 參加費:\$5
Duffy and Nagel (1997)	13至16人 (共175人)	p x 中位數 p x 平均數 p x 最大值	p= 1/2	[0,100] ; 整數	4或10	贏家:\$20 參加費:\$5
Ho, Camerer and Weigelt (1998)	3或7人 (共277人)	p x 平均數	p=0.7,0.9 p=1.1,1.3	[0,100] if p<1; [100,200] if p>1	10	贏家:\$3.5;如果 n=7 贏家:\$1.5;如果 n=3 輸家:\$0
Nagel (1998)	12至17人 (共59人)	p x 平均數	Ch ep=2/3 chi	[0,100] 整數	4	贏家:\$X X 為選擇的數字 參加費:\$5

表 2.2:較高智能對策略思考的影響

作者	採用賽局智能測量		相關性	
Camerer(1997)	amerer(1997) 選美競賽賽局 SAT(Scholastic Assessment Tests)		無	
Devetag and Warglian (2003)	反覆支配解的一般 賽局;污臉賽局;序 貫賽局;	魏氏記憶廣度 (Wechsler digit span)	表現較好	
Burnham et al.(2009)	選美競賽賽局	標準化一般智能的心理測驗	猜測數字降低 表現較好	
Coricelli and Nagel(2009)	選美競賽賽局	數學計算作業	無	
Rydval, Ortmann and Ostatnicky (2009)	簡化的選美競賽賽局	運算廣度作業 (Operation span task)	採取優勢策略較頻繁	
Schnusenberg and Gallo (2011)	選美競賽賽局	認知反應測驗 (Cognitive reflection test)	猜測數字降低 群集越密	
Chengchi Uni				

第三章、研究資料處理與模型

為分析在選美競賽賽局下,人們的學習行為,本文將以真人實驗資料,並採取經驗加權吸引模型,使用最大概似估計法,估計學習行為的參數,作為實證上的驗證。本章節將介紹本文所使用的研究資料、學習模型、資料處理方法及估計方法。

3.1 研究資料

本文資料是取自於 Chen, Du and Yang(2012),實驗中總共包括6個群組,每個群組共有15至20位受測者,每位受測者皆會進行選美競賽賽局的實驗以及工作記憶的測試,所有受測者皆會獲得125元的報酬,而實驗在政治大學實驗經濟研究室舉行。每一期,受測者們會同時選擇一個在0到100之間的數字,而贏家為猜中最接近目標數的受測者,在此的目標數為p乘上所有玩家選擇數的平均,此實驗的p值設為2/3,相同賽局實驗將會被重覆十期,總實驗時間將近60分鐘。在每一期結束時,受測者將會被告知目標數、所選擇數字、獲得的報酬以及總累積報酬,贏家在實驗中將可額外獲得100元的獎勵,若贏家超過一人的話,則將平分此獎勵,本文將各個群體在各個期間的目標數繪於圖A.1(於附錄中)。

工作記憶測驗部分,總共有五個實驗為逆序記憶廣度作業(Backward Digit-Span Task)、空間短期記憶測驗(Spatial Short-Term Memory Test)、記憶更新作業(Mmory Updating Task)、語句判斷作業(Sentence-Span Task)以及運算廣度作業(Operation-Span Task),所有實驗共90分鐘,並在實驗後支付200元新台幣給受測者。在這五個實驗中所得到的分數將被標準常態化,其標準化的平均數與標準差來自實驗受測者資料庫(Experimental Subject Database),這資料庫共包含740位相關實驗受測者的資料,並非只來自此次實驗所獲得的平均數與標準差;在其之後,將這五個被標準常態化的實驗分數平均,以得到本研究所使用的工作記憶測

量分數,而此工作記憶測量的分數,本研究將之代表為受測者的智能高低,在往後的研究中,所提到的智能高低,也就代表工作記憶分數的高低,本文將6個群組的工作記憶繪製成盒鬚圖於圖A.2(於附錄中)。

3.2 學習模型

本研究所採用的模型為經驗加權吸引模型(Experience-Weighted Attraction),而 此模型包含了強化學習模型以及信念學習模型的特色,因此,在說明經驗加權吸 引模型時,本文會先介紹強化學習模型(Reinforcement Learning Model)以及信念 學習模型(Belief Learning Model)。

一、強化學習模型 (Roth and Erve,1995):

此模型的主要思想源自於心理學家Thorndike, E.L., 其所提出的效果定律 (Law of Effect), 此法則認為如果所做出的選擇如果會得到較好的結果,則更有可能,再次做出相同的決定;反之,則會減少再次做出相同的決定;在這之後,在經濟學的領域上,一直無人提起相關的理論及模型,直到二十世紀,才有經濟學家去使用此模型(Cross,1983),將強化學習應用在經濟決策上,不過於此之後,又再也沒看到類似文獻,直到過後近十年,才漸漸有學者從新使用此模型,如Roth and Erev(1995)等。此模型認為我們的決定是基於我們過去的記憶,這記憶可以減少,也能夠更新,其最基本模型的架構如下:

$$q_i^k(t+1) = \begin{cases} \phi q_i^k(t) + \pi(t) & \text{如果在t期策略為k} \\ \phi q_i^k(t) & \text{如果在t期策略不為k} \end{cases}$$
(3.1)

其中 ϕ 為過去吸引的影響程度, $\pi(t)$ 為在第t期時,選擇k策略時。所能獲得的報酬。

玩家在下一期的策略,會如式(3.1)的規則去更新,稱之為更新規則, $q_i^k(t+1)$ 為策略k對於玩家i的吸引,若此值越大,代表越會傾向去選擇k策略,可以注意

到(3.1)式,在下一期選擇k的機率只會增加不會減少,而增加幅度是依據上一回合的報酬而定,當選擇k策略時,所得到的報酬越高,其吸引就會增加越多,在下一期選擇k的機率就會變得相對較高,如果選擇k得到的報酬很低,對於下一次選擇k的吸引就增加的相對較少。

二、信念學習模型

信念學習模型給定玩家的行為會察覺到對手的存在,且會注意對手過去的策略,可能長期也可能只有短期;他們會去預測對手在下一期的作法並根據這規則去反應,但他們所能從對手那學到的,只是非常表面,他們只能簡單地去計算或重複地計算對手採取策略的頻率,無法深思熟慮地去推論對手過去曾做過的所有選擇。本文在以下列出其較基本的形式:

$$B_{-i}^{k}(t) = \frac{\rho N_{-i}^{k}(t-1) + I(s_{-i}^{k}, s_{-i}(t))}{\sum_{k=i}^{j} (\rho N_{-i}^{k}(t-1) + I(s_{-i}^{k}, s_{-i}(t))}$$
(3.2)

其中 $N^{k}(t)$ 為其他對手過去的經驗,而 ρ 為之前經驗影響的權重。

或者如以下形式:

$$B_{-i}^{k}(t) = \frac{\rho N(t-1)B_{-i}^{k}(t-1) + I(s_{-i}^{k}, s_{-i}(t))}{\rho N(t-1) + 1}$$
(3.3)

其中 $I(s_i^j,s_i(t))$ 為一個指標函數,當 $s_i^j=s_i(t)$,則 $I(s_i^j,s_i(t))=1$;而當 $s_i^j\neq s_i(t)$,則 $I(s_i^j,s_i(t))=0$ 。

當 ρ =1時,此模型就會化為虛擬對策(Fictitious Play)的形式,而當 ρ =0則會化簡為庫諾最佳反應(Cournot Best Response),在信念學習模型中的期望報酬,則單調地相對於吸引,期望報酬的形式如下:

$$E_i^j(t) = \sum_{k=1}^J B_{-i}^k(t) \pi(s_i^j, s_{-i}^k)$$
 (3.4)

也可以化為如下形式:

$$E_{i}^{j}(t) = \frac{\rho N(t-1)E_{i}^{j}(t-1) + \pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(t))}{\rho N(t-1) + 1}$$
(3.5)

三、經驗加權吸引模型(Cramer and Ho, 1999)

此模型的特性同時包含了強化學習模型以及信念學習模型,為此兩種模型的一般型式,在強化學習模型中,被選擇到的策略會依據所得的報酬來強化,而沒被選擇到的策略,則完全不會被加強,但在加權經驗吸引模型裡,則會被加強;在強化學習模型中,吸引會不斷地增加,這隱含可能急遽地收斂。(這意味著選擇機率會分別走向 0 和 1),在信念學習模型,吸引為預期報酬,總是限制於報酬的範圍,經驗加權吸引模型對於過去經驗,能藉由使用 φ 和 ρ,允許吸引的增加率,在這兩個限制上有所不同。其模型形式如下:

$$\begin{cases}
A_{i}^{j}(t) = \frac{\phi N(t-1)A_{i}^{j}(t-1) + \left[\delta + ((1-\delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(t))\right]\pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(t))}{N(t)} \\
N(t) = \rho N(t-1) + 1, \quad t \ge 1
\end{cases}$$
(3.6)

當
$$s_i^j = s_i(t)$$
,則 $I(s_i^j, s_i(t)) = 1$;而當 $s_i^j \neq s_i(t)$,則 $I(s_i^j, s_i(t)) = 0$ 。

其中 ϕ 為過去吸引的影響程度, δ 為未被選擇到策略的報酬權重, ρ 為之前經驗影響的程度,而N(t)為過去的經驗權重。

吸引的更新規則如下:

$$A_{i}^{j}(1) = \frac{\phi N(0)A_{i}^{j}(0) + \left[\delta + ((1 - \delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(1))\right]\pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(1))}{\rho N(0) + 1}$$
(3.7)

$$A_{i}^{j}(2) = \frac{\phi^{2}N0)A_{i}^{j}(0) + \phi \left[\delta + ((1-\delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(1))\right]\pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(1))}{\rho^{2}N(0) + \rho + 1} + \frac{\left[\delta + ((1-\delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(2))\right]\pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(2))}{\rho^{2}N(0) + \rho + 1}$$
(3.8)

:

$$A_{i}^{j}(k) = \frac{\phi^{k} N(0) A_{i}^{j}(0) + \phi^{k-1} \left[\delta + ((1-\delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(1)) \right] \pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(1))}{\rho^{k} N(0) + \rho^{k-1} + \dots + \rho + 1} + \dots + \frac{\left[\delta + ((1-\delta)I(s_{i}^{j}, s_{i}(k)) \right] \pi(s_{i}^{j}, s_{-i}(k)}{\rho^{k} N(0) + \rho^{k-1} + \dots + \rho + 1}$$

$$(3.9)$$

初始的吸引由 $A_i^j(0)$ 所描繪,初始的吸引可能來自賽局的分析,由類似賽局中成功的策略所推導出。在信念學習模型中,強烈地限制 $A_i^j(0)$,是因為在信念學習模型中,初始的吸引是由之前信念所推導出,但這在經驗加權吸引模型中,使其更加彈性。我們可以從(3.6)式發現當 $\delta=0, \rho=0, N(0)=1$,就會如同強化學習模型(Reinforcement Learning),而 $\delta=1, \rho=\phi$,則會如同信念學習模型(Belief Learning Model),因此我們又將之稱為學習模型的一般式;而學習模型裡的吸引轉換成選擇機率的規則,則如以下羅吉斯(logit)的形式:

Chengchi \

$$P_i^{j}(t+1) = \frac{e^{\lambda A_i^{j}(t)}}{\sum_{k=1}^{10} e^{\lambda A_i^{k}(t)}}$$
(3.10)

3.3 資料處理

本文在資料處理上,每場遊戲實驗的贏家人數為 n,假設所有人都知道贏家所選的數字(ω),然後定義 d 為目標數(target number: τ)與贏家所選數字的差距,在經驗加權吸引(EWA)模型中,如圖 3.1 所示,所有玩家皆會以 δ 乘上總報酬,去強化 τ -d 與 τ +d 之間所有的選擇,但並不包括 τ -d 與 τ +d 兩點,之所以會再乘上 δ ,是因為其為沒有選擇,而放棄(沒獲得)的報酬,對玩家會有所影響;而在 τ -d 與 τ +d 兩點的部分,贏家與輸家會有些差異,如圖 3.2 所示(假設 τ +d 為贏家所選的數字),贏家會以所獲得的報酬(總報酬/n)強化其所選擇的數字(ω),也就是 τ -d 或 τ +d(其中一點贏家所選數字,在圖 3.2 本文假設贏家所選數字為 τ +d),而另一點,則以 δ 乘上所獲得的報酬(總報酬/n)強化,會再乘上 δ 的理由與上述相同,在輸家的部分,如圖 3.3 所示,輸家則會以 δ 乘上報酬(總報酬/(1+n))強化此兩點,在報酬部分會設定總報酬除以(1+n),是因為輸家會假設自己若也猜到此兩點的話,則會成為贏家,而與其他贏家一起平分報酬。

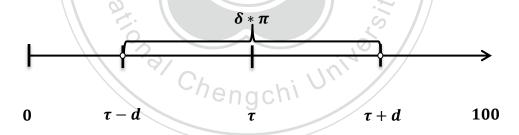


圖 3.1: 所有人在 τ-d 與 τ+d 之間所有選擇的強化

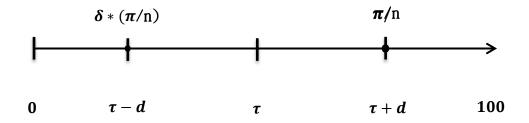


圖 3.2:贏家在 τ -d 與 τ +d 兩點選擇的強化(假設贏家所選數字為 τ +d)

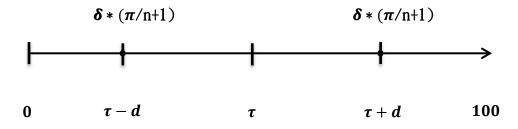


圖 3.3:輸家在 τ-d 與 τ+d 兩點選擇的強化

在工作記憶分數資料的處理上,本研究將受測者依工作記憶分數的高低,劃分為三個群體,分別為高工作記憶分數(工作記憶分數的三分之一)、中工作記憶分數及低工作記憶分數(工作記憶分數後三分之一),在實證上將只採取高工作記憶分數部分與低工作記憶分數部分,而將中間的部分剔除,其理由為在中間部分的受測者,有可能在策略上的行為不夠明確,有可能會偏向工作記憶較高的一方,也有可能偏向較低的一方,這將可能導致估計結果不夠明確。此外,在實證上,還會再額外劃分成四等分,留下工作記憶分數前四分之一與工作記憶分數後四分之一的資料與劃分成三等分資料的參數估計作比較。表 3.1,將各群組資料作簡單地敘述統計,從表中發現前四分之一高工作記憶分數的群體,最高分數0.9940,最低為 0.3645; 從表中發現 6.52 一高工作記憶分數的群體,最高分數 0.9940,最低為 0.3645; 從表中發現後三分之一高工作記憶分數的群體,最高分數 0.9940,最低為 2.9658; 從表中發現後三分之一高工作記憶分數的群體,最高分數 -0.2790,最低為 -2.9658; 從表中發現後四分之一高工作記憶分數的群體,最高分數 -0.2791,最低為 -2.9658; 從表中發現後四分之一高工作記憶分數的群體,最高分數 -0.5151,最低為 -2.9658; 此外,高工作記憶分數的群體所得的分數標準差比較小。

表 3.1: 各群組工作記憶分數

工作記憶分數	平均	標準差	最高	最低
前四分之一	0.7622	0.1403	0.9940	0.5478
前三分之一	0.6690	0.1865	0.9940	0.3645
後三分之一	-0.9946	0.7481	-0.2790	-2.9658
後四分之一	-1.2494	0.7695	-0.5151	-2.9658

3.4 估計方法

在參數估計上,本研究將採最大概似估計法(Maximum-Likelihood Estimate),以數值方法,每次估計皆為一千次,吸引更新的規則如經驗加權吸引模型(EWA)設定;估計上將初始吸引(initial attraction)分為 10 個等分,分別為 0-10、11-20、···、 91-100,共 10 個區間,所以在估計上,共有 10 個初始吸引參數需要估計,其他需要估計的參數還有 N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,所以整個估計上,共有 15 個參數需要估計,在參數限制上分別為 ϕ 和 λ 必須大於 0,且 0< δ , ρ <1,以及 0<N(0)<1/ $(1-\rho)$ 。最大概似估計式如下;

$$LL = \sum_{t=1}^{10} \sum_{i=1}^{N} \ln(\sum_{j=1}^{10} I(s_i^j, s_i(t)) \cdot P_i^j(t))$$

$$= \sum_{t=1}^{10} \sum_{i=1}^{N} \ln(\sum_{j=1}^{10} I(s_i^j, s_i(t)) \cdot \frac{e^{\lambda A_i^j(t)}}{\sum_{k=1}^{10} e^{\lambda A_i^k(t)}})$$
(3.11)

在初始吸引設定的實證部分,本文試著去設定一些初始吸引的分配¹,分別如均勻分配 Uni(0,1)、及兩個貝他分配 Beta(2,2)和 Beta(2,5),來比較不同的初始吸引,是否對其他參數的估計會有影響。本研究在此部分,將採用概似比檢定(Likelihood Ratio Test),去檢驗限制住初始吸引(各設定為三種分配)與沒有限制住初始吸引(估計)的模型配適度。此外,在實證第四節,驗證高智能模型以及低智能模型,估計參數有無差異,本研究也將採類似概似比檢定的方法,將低智能模型所估計的參數值替換掉高智能模型參數值,檢驗兩模型參數,有無明顯差異。

概似比檢定的原理是將一個有參數限制的模型拿來和另一個沒有參數限制的模型比較比較,判斷沒有參數限制的模型,在詮釋一組特定的統計資料時,是

¹ 初始吸引的分配: 10 個初始吸引所構成的型態,有如分配的機率分布圖形,此處並無機率概念,也就是所給定的 10 個初始吸引點的連線會構成類似如圖 4.6 的左邊三個分配的圖形,只是一個簡單的概念。

否比有參數限制的模型更合適。在理論上,沒有參數限制的模型,可以得到和真實情況更高的配適度,但是當一個沒有參數限制的模型與有參數限制的模型相比時,配適度沒有顯著地提高,此時就代表著,沒有參數限制的模型,並不一定能提供更好的解釋能力。檢定的式子如下:

$$LR = -2(LL_R - LL_U) \sim \chi^2(m)$$
 (3.12)

LLu:未受限制模型最大對數概似值

LL_R:受限制模型最大對數概似值

m:受限制條件個數

概似比檢定用來檢定出各個模型之間,哪一個模型的設定較好,用於挑選適當的模型,若檢定結果 LR 顯著地異於 0,表示拒絕虛無假設,其未受限制的模型設定會較為適當。

Zono Chengchi University

第四章、實證結果

上一章,本文介紹了有關資料的基本特性與處理方式,本章節將介紹實證 資料的分析,包括參數估計的結果分析以及納入認知能力分析的結果。首先,本 文根據上一章節資料處理的方式,進行參數估計,並將結果與 Camerer and Ho(1999)所做的實證結果做比較;在此之後,還會進行一些有關初始吸引方面的 設定,檢視其估計的改變;最後將資料依照工作記憶分數分組,比較其所估計的 參數差異。

4.1 實證資料敘述性統計分析

受測者選擇資料的敘述如表 4.1,在第一期時,所有人選擇的平均約為 39,第二期時,所有人選擇的平均降低約為 26,到了第三期時,所有人選擇的平均降低約為 26,到了第三期時,所有人選擇的平均降低約為 26,到了第三期時,所有人選擇的平均降低為 17,到了第五期之後,所有人選擇的平均已經降低至 10 以下,尤其是到了最後一期,所有人選擇的平均收斂至小於 4,由此可見,所有人選擇的平均會越來越靠近均衡 0;此外,從最後一期的標準差中,也可以發現所有人選擇會變得越密集。接著由資料中觀察選擇數字 0 的人數,在第一期時選擇數字 0 的人數有兩人,第二期時,無人選擇,從第三期之後,選擇數字 0 的人數一直增加,從 1 人,一直上升到第八期的 13 人,但最後一期選擇數字 0 的人數僅有 3 人。此外,本文將資料以每 10 個數字為區間,劃分為 10 個等分(第一個區間多包含數字 0,共 11 個數字),並以圖 A.3 表示(所有受測者在各期的選擇圖,本文將收錄於附錄中),從圖中可以發現一開始最多人選擇的選擇區間,落在 31-40 這個區間,41-50 區間次之,到了第二期,最多人選擇的區間落在 11-20,21-30 區間次之,第三期時,最多人選擇的區間越來越接近均衡,從第四期之後,所有最多人選擇的區間,均落在 0-10 內,尤其是最後一期,只有一個選擇落在 11-20 間,其餘的選擇,皆落至 0-10 內。

表 4.1:每一期受測者的選擇

期數	平均	標準差
第一期	38.9167	19.9097
第二期	26.3704	12.1375
第三期	17.0556	15.6748
第四期	11.8241	15.3677
第五期	6.7315	8.8599
第六期	7.1204	17.9082
第七期	9.2963	20.3172
第八期	9.5463	14.8219
第九期	6.1389	5.2800
第十期	3.8704	2.4114

本研究將資料依照智能分數高低劃分,各個群體共 36 位受測者,從表 4.2 及表 4.3 中可以觀察出,高智能受測者在每一期選擇的平均,皆比低智能受測者低,這代表高智能受測者的猜測會較接近均衡,且除了第二期及第四期外,猜測的分布相對於低智能受測者較密集,純粹從各群體的選擇資料中,就能觀察出高智能分數受測者與低智能分數受測者,在行為猜測上,有些許差異。此外,從表 4.4中,也可以看出高智能受測者在初期時對於低智能受測者的勝率差距並不大,但到了最後一期時,高低智能分數受測者之間的差距卻相當明顯,這可能意味著,高智能受測者比起低智能受測者,隨著每次實驗的學習,越來越能掌握目標數。雖然在第二至第九期之間,高智能分數受測者的勝率,並沒有完全勝過低智能分數受測者(在第二、四、五及七期,低智能分數受測者勝率較高),但本文認為是因為受測者在二至第九期之間,猜測數字所受到的影響太多,例如受測者可能會使用一些策略來影響之後期間的獲勝機率,可能會故意猜測較高,影響猜測的平均數,使其他受測者,在下期猜測時,會受到影響。

此外,本文分別列出第一期、第四期、第七期及第十期時高智能與低智能受測者選擇的分配圖(從圖 4.1 至圖 4.4),從第一期可以看出高智能受測者的猜測會比低智能受測者更靠近均衡,在往後的期間,兩類受測者的猜測,也會越來越接近均衡,並且可以看出高智能受測者的猜測收斂至均衡的速度比低智能受測者來得更快(由於篇幅關係,在此只列出第一期、第四期、第七期及第十期時的結果,其他所有結果將收錄在附錄圖 A.4 至 A.13);接著,本文將資料更近一步以記憶分數劃分為四等分(所有結果在附錄圖 A.14 至 A.23),取前四分之一及後四分之一,並將之與以記憶分數劃分為三等分的選擇分配作比較,可以發現前四分之一與後四分之一的受測者,與之前有相同的結果,如高智能受測者的猜測收斂至均衡的速度比低智能受測者來得更快,而且前四分之一比前三分之一受測者的猜測,更快速收斂,尤其在第七期之後,這也代表著以智能將資料劃分,對於觀察受測者行為是有幫助的,之後的參數估計,也將納入智能,以更驗證在此部分的結論。

表 4.2: 高智能分數受測者的每一期選擇

期數	平均	標準差
第一期	35.2778	19.2749 13.1356 7.0442
第二期	24.5000	13.1356
第三期	Che13.9167	7.0442
第四期	10.5278	16.3628
第五期	5.1944	2.7756
第六期	2.9444	2.1639
第七期	4.8889	8.4305
第八期	10.2500	17.7657
第九期	5.3056	3.6318
第十期	3.6944	2.4002

表 4.3:	低智能分數受測者的每一	一期選擇
期數	平均	標準差
第一期	41.4167	22.4339
第二期	31.0278	10.9557
第三期	23.7222	21.5322
第四期	14.9167	13.5444
第五期	6.9444	4.4333
第六期	8.2778	18.5096
第七期	8.9722	18.9759
第八期	11.3056	18.0188
第九期	6.7500	5.9348
第十期	4.3056	2.6707
表	4.4:高低智能受測者的服	券率
期數	高智能	低智能
第一期第二期	0.083333	0.027778 0.083333
第二期	0.055556	0.083333
hales A LEUT	Ch Li U	\' //

期數	高智能	低智能
第一期	0.083333	0.027778
第二期	0.055556	0.027778 0.083333 0.138889
第三期	0.166667	0.138889
第四期	0.027778	0.111111
第五期	0.166667	0.277778
第六期	0.277778	0.111111
第七期	0.111111	0.194444
第八期	0.166667	0.111111
第九期	0.333333	0.277778
第十期	0.333333	0.083333

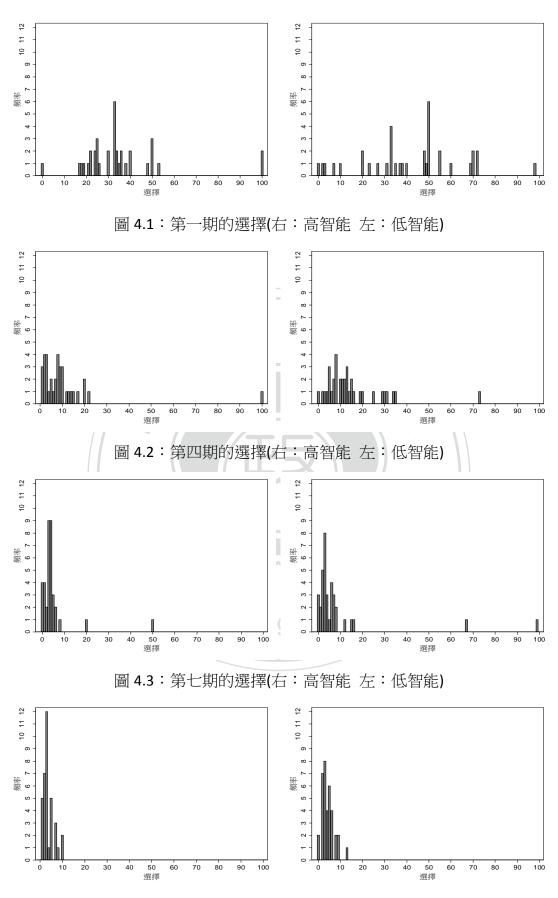


圖 4.4:第十期的選擇(右:高智能 左:低智能)

4.2 經驗加權吸引模型估計結果

在第二章,本文曾經介紹過經驗加權吸引模型(EWA),整個模型總共有 15 個待估參數,分別為 $A^1(0)$ 至 $A^{10}(0)$ 、N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,本文在估計上依據 Camerer and Ho(1999),將初始吸引(Initial Attraction)分為 10 個等分,分別為0-10、 10-20、···、90-100,總共 10 個區間,所以在估計方面,就會如同上述 $A^1(0)$ 至 $A^{10}(0)$,共 10 個初始吸引參數需要估計,在參數方面本文也做了一些限制,本文參照 Camerer and Ho(1999)的設定,在 ϕ 和 λ 的估計上,限制 ϕ 和 λ 必須大於0,在 δ 和 ρ 的估計上,限制 $0 \le \delta$, $\rho \le 1$,以及限制 $0 \le N(0) \le 1/(1-\rho)$,表 4.5 是本研究使用最大概似估計法,所估計的結果(中間欄位為本研究的估計結果,右側欄位則為 Camerer and Ho(1999)的估計結果)。

從最大概似估計值比較中,本文的資料在模型的配適度上,很顯然地優於 Camerer and Ho(1999)的結果,這代表著本文所採用的實驗樣本,更能使用經驗 加權吸引模型來描述受測者的行為,也可能是在實驗的設計或者樣本資料的處理 上,使用了更精確的方法;本文的初始吸引相對於 Camerer and Ho(1999)的結果 比較低,但初始吸引若純粹以數值大小作比較並不適當,所以本文並不單純地使 用數值的大小作比較,而需要以相對大小來觀察,因此本文將初始吸引以圖 4.5 的方式,將 10 個區間的分配描述出來,我們從圖 4.5 可以看出,本文的估計結果,從 $A^1(0)$ 開始遞增直到 $A^5(0)$,之後不斷遞減直到 $A^{10}(0)$,而 $A^{10}(0)$ 也是整個分配的最低點;而 Camerer and Ho(1999)的估計結果,從 $A^1(0)$ 開始往下遞減至 $A^9(0)$,在 $A^{10}(0)$ 時又突然往上升,從這些結果可以看出這兩種結果有著極大差 異(兩種結果的初始吸引估計分配表置於圖 4.5),本文在初始吸引部分,所估計的分配結果會與之後期間的分配較不相似(實驗數據顯示猜測會越來越集中在較低數字),而 Camerer and Ho(1999)分配差異則較小,這可能代表著本研究的受測者,較沒有接觸過類似賽局實驗的經驗或對於類似賽局的分析較差;以理論來說,

在 ϕ 的參數估計上,由於本文的初始吸引與最後一期猜測的分配較不相似,所以會遞減較快,也就代表會小於 Camerer and Ho(1999)所估計的結果,而真實的估計結果也顯示如此(0.567< 1.330),這也說明本研究的受測者對於之前的吸引遞減較快(遺忘較快),並且本研究 ϕ 的估計小於 1,沒有所謂的初期效果(較早的觀察會比最近的觀察更強烈的被記憶)(Camerer and Ho,1999)。此外,本文在 δ 的部分,明顯地大於 Camerer and Ho(1999),這表示本研究的受測者,對於失去的報酬比較敏感,會較關心沒有選擇到的數字所能得到的報酬,也就是當你能成為贏家所得到的報酬(原本為輸家);本文在 N(0)的部分,相對來說相對較小,這說明實驗前的信念(經驗)權重較小, ρ 的部分也小於 Camerer and Ho(1999)的結果,這代表本文的受測者,在對於實驗前的信念(經驗)權重部分會遞減的較快;在受測者對於吸引敏感度 δ 的參數部分,本研究較 Camerer and Ho(1999)的結果稍微大,也就是本研究的受測者對於吸引的變動,會較稍微敏感。

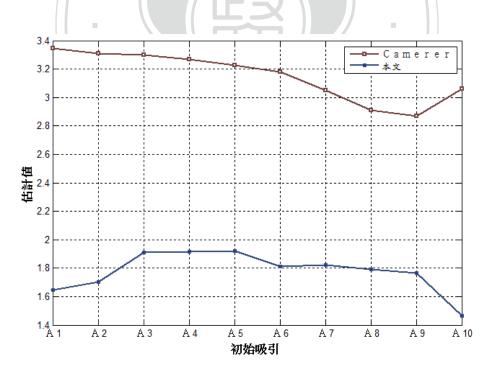


圖 4.5:本研究與 Camerer 的初始吸引參數值

表 4.5: 經驗加權吸引模型參數估計

參數	估計值(ALL)	Camerer
	Initial Values	
$A^1(0)$	1.6459 (0.0002)	3.348 (0.002)
$A^2(0)$	1.7030 (0.0002)	3.311 (0.002)
$A^{3}(0)$	1.9114 (0.0001)	3.301 (0.002)
$A^4(0)$	1.9150 (0.0002)	3.269 (0.001)
$A^{5}(0)$	1.9228 (0.0000)	3.227 (0.001)
$A^6(0)$	1.8133 (0.0002)	3.180 (0.001)
A ⁷ (0)	1.8237 (0.0002)	3.052 (0.003)
A ⁸ (0)	1.7887 (0.0003)	2.912 (0.006)
A ⁹ (0)	1.7650 (0.0002)	2.871 (0.005)
$A^{10}(0)$	1.4626 (0.0005)	3.060 (0.004)
N(0)	(0.0002) 1.4626 (0.0005) 4.9548 (0.0002)	(0.005) 3.060 (0.004) 16.815 (0.000)
	Decay Parameters	
ϕ	0.5666 (0.0004)	1.330 (0.004)
ρ	0.8142 (0.0019)	0.941 (0.000)
	Imagination Factor	
δ	0.4722 (0.0000)	0.232 (0.013)
	Payoff Sensitivity	
λ	2.9241 (0.0005)	2.579 (0.002)
	Log-likehood	
-LL	505.6702	5878.197

4.3 初始吸引

4.3.1 初始吸引設定參數估計結果

初始吸引的估計,始終存在著一些爭議;在過去,初始吸引的選取一般都根據報酬多寡來給定,通常以該選擇的平均報酬當作初始吸引,但是以報酬來決定初始吸引,似乎有些許不恰當,本文在估計時,也沒有例外,因此本文試著去設定一些初始吸引的分配,來比較不同的初始吸引,是否對其他參數的估計會有影響。本文共設立了三種模型,分別為類似均勻分配Uni(0,1)²的模型一、及類似Beta(2,2)的模型二和Beta(2,5)的模型三,圖4.6為初始吸引所設定的點,從圖中可看出這三種設定的差異極大模型一最為平坦,模型三最為陡峭。

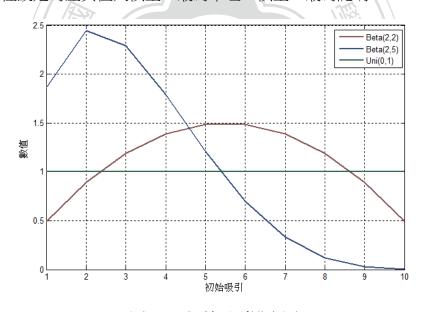


圖 4.6:初始吸引設定圖

本文以人為設定10個點,將初始吸引所設定的點繪製於圖4.6,以三個分配抽出10個點,來代替所要估計的十個初始吸引估計參數值(表4.6為各分配初始吸引所設定的數值),所以本文在這部分的估計上,只會估計五個參數值,分別為N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,其他參數的限制設定仍然一樣,參數估計的結果如表4.7。

²此處並無機率概念,也就是所給定的 10 個初始吸引點的連線會構成類似如三個分配的機率密度分配的圖形,只是一個簡單的概念。

表 4.6: 各模型初始吸引數值

參數	模型一	模型二	模型三
	ţ		
$A^1(0)$	1.0000	0.4959	1.8628
$A^{2}(0)$	1.0000	0.8926	<u>2.4443</u>
$A^{3}(0)$	1.0000	<u>1.1901</u>	2.2890
$A^{4}(0)$	1.0000	1.3884	1.7890
$A^{5}(0)$	1.0000	1.4876	1.2071
$A^{6}(0)$	1.0000	1.4876	0.6985
$A^7(0)$	1.0000	1.3884	0.3338
A ⁸ (0)	1.0000	<u>1.1901</u>	0.1207
$A^9(0)$	1.0000	0.8926	0.0268
$A^{10}(0)$	1.0000	0.4959	0.0019

從表4.7可看出N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,這五個參數上,在不同的初始吸引分配,會有些許的變化(數值上的差異),但本研究認為,就算初始吸引的分配差異很大,如模型一與模型三,也無法導致整個策略行為逆轉,像是 δ 及 ρ 這兩個介於0至1之間的參數,並不會因為初始吸引分配有極大差異的, ρ 值就從原本遞減較慢(大於0.5)變為遞減較快(小於0.5),而 δ 從原本遞減較快(小於0.5)變為遞減較慢(大於0.5),而其他參數方面,也未見明顯的改變,雖然這些參數值,單純以數值來看,都會有些微的差異,而在下一小節本研究,也將採用概似比檢定,來檢驗此論述。此外,本文也試圖從這些不同初始吸引分配設定中,找出所估計參數的規則,以尋找不同的學習行為,但從估計結果來看,並無強烈的證據顯示,其變動的規則。

表 4.7:初始吸引設定參數估計結果

参數	模型一	模型二	模型三	
	Initial	Values		
NI(O)	4.8928	4.9530	4.9559	
N(0)	(0.0006)	(0.0005)	(0.0003)	
	Decay Pa	rameters		
4.	0.5219	0.5468	0.6135	
ϕ	(0.0006)	(0.0004)	(0.0002)	
_	0.8878	0.7999	0.8466	
ρ	(0.0015)	(0.0019)	(0.0021)	
	Imaginati	ion Factor		
2	0.4523	0.4633	0.4754	
δ	(0.0000)	(0.0000)	(0.0000)	
	Payoff Sensitivity			
λ	2.9072	2.9343	2.8859	
Λ	(0.0005)	(0.0007)	(0.0007)	

4.3.2 初始吸引設定的檢驗(LR test)

在檢驗初始吸引的設定上,本研究將有設定初始吸引的模型,設為限制的模型(給定 10 個初始吸引估計量),而採估計的模型設為為受限制的模型,以概似比檢定進行統計量的檢驗。表 4.8 至表 4.10 為檢驗結果,在 95%信心水準上,將初始吸引設定為 Uni(0,1)及 Beta(2,2)的模型下,不拒絕虛無假設,這也代表著在初始吸引設定上,除非跟估計出來的初始吸引的分配有極大落差,否則沒有證據顯示估計初始吸引的模型是比較好的模型,這也更加的驗證本文在上一章節的結論,但在 Beta(2,5)的模型中,則是拒絕虛無假設;此外,若將信心水準放寬至99%,則此三種設定,皆不拒絕虛無假設。

表 4.8: LR test 檢定結果(模型一)

模型	Log-likeligood	註
未限制初始吸引估計	-505.6702	未受限制
將初始吸引設定為 Uni(0,1)	-514.7844	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 18.2284 \le \chi_{0.95}^2(10) = 18.307$$

表 4.9: LR test 檢定結果(模型二)

模型	Log-likeligood	註
未限制初始吸引估計	-505.6702	未受限制
將初始吸引設定為 Beta(2,2)	-511.6547	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 11.9690 \le \chi_{0.95}^2(10) = 18.307$$

表 4.10: LR test 檢定結果(模型三)

模型	Log-likeligood	註
未限制初始吸引估計	Ch-505.6702	未受限制
將初始吸引設定為 Beta(2,5)	-516.2147	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 21.0890 \ge \chi_{0.95}^2(10) = 18.307$$

4.4 智能與學習模型

此章節將資料以工作記憶分數分為三類,取最高的一類與最低的一類,進行參數估計,分別比較各個參數之差異,以驗證工作記憶是否對選美競賽賽局的推論行為有所影響,為了比較參數之間的差異性,本研究將採概似比檢定來驗證,接著也會與原始資料所估計的參數做比較;最後,再將資料以工作記憶分數分為四類,同樣取用最高的一類與最低的一類的受測者資料,進行參數估計,並與劃分為三類群體的參數作比較,以檢驗此結果是否會更強烈的支持工作記憶對選美競賽賽局推論行為的影響,亦或是違反此假設。

4.4.1 智能分數分為三等份結果

參數估計方法與之前的實證相同,從最大概似估計值比較中,本文在初始吸引方面,高智力的估計結果,從 $A^1(0)$ 開始遞增直到 $A^4(0)$,之後不斷遞減直到 $A^{10}(0)$,而 $A^{10}(0)$ 也是整個分配的最低點;而低智力的估計結果,也是從 $A^1(0)$ 開始往上遞增,直至 $A^5(0)$,接著往下遞減至在 $A^{10}(0)$ 。從這些結果可以發現一些現象,這兩類受測者的初始吸引分配,皆與其在第一期的選擇類似(見圖 4.1,位於 4.1 實證資料分析),低智能的受測者在初始吸引部分,所估計的分配結果會與之後期間的分配較不相似(實驗數據顯示猜測會越來越集中在較低數字),依據結果,這可能代表著低智能的受測者,對於類似賽局實驗以及此實驗的分析或想像較差;以理論來說,在 ϕ 的參數估計上,由於低智能的初始吸引與最後一期猜測的分配較不相似,所以會遞減較快,也就是說會小於高智能所估計的結果,而真實的估計結果也顯示如此(0.4560 < 0.5987),此外, ϕ 的估計結果,也表示低智能受測者,對於之前吸引遞減較快,遺忘地較快。此外,本文在 δ 的部分,高智能的受測者,對於之前吸引遞減較快,遺忘地較快。此外,本文在 δ 的部分,高智能的受測者明顯地大於低智能的受測者,這表示高智能的受測者,對於失去的報酬比較敏感,會較關心沒有選擇到的數字所能得到的報酬,也就是當你能成為贏家

所得到的報酬(原本為輸家),在此部分,本文認為可能是由於高智能的受測者,對於思考的層面較廣泛。在 N(0)的部分,高智能受測者,稍微較大,這說明實驗前信念(經驗)權重較大;ρ的部分,高智能受測者也大於低智能受測者,這代表高智能受測者,在對於實驗前信念(經驗)的部分會遞減的較慢,這也表示對於賽前的信念或經驗遺忘得較慢;在受測者對於吸引敏感度λ的參數部分,本研究發現,此兩類受測者並無太大差異,也就是此兩類受測者對於吸引的變動,敏感度差距不大,也就代表影響人們對於吸引敏感度的原因,可能不是在於智商高低,此部分實證結果如表 4.11。

此外,本文也將這兩類受測者所估計出的參數結果與原始資料所估計出來的結果作比較,可以從表 4.11 發現,除了 δ 之外,其他所有原始資料所估計出來的參數皆介於高智能受測者與低智能受者的參數間,這說明了使用智能高低來劃分資料,對於資料的分析是有幫助的,也意味著智能高低,的確為造成學習行為異質性的原因之一,證實智能與行為異質的關聯性,本文將高智能、低智能與所有受測者估計結果的初始吸引繪製如圖 4.7。

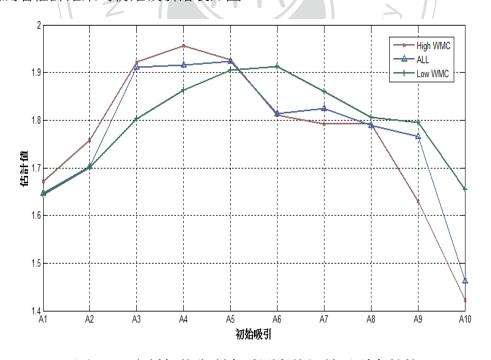


圖 4.7: 高低智能與所有受測者的初始吸引參數值

表 4.11: 高低智能估計參數結果

参數	高智能(前 1/3)	低智能(後 1/3)	所有受測者	
	Initial	Values		
$A^{1}(0)$	1.6710	1.6439	1.6459	
A(0)	(0.0002)	(0.0001)	(0.0002)	
$A^{2}(0)$	1.7579	1.7003	1.7030	
A (0)	(0.0002)	(0.0000)	(0.0002)	
$A^{3}(0)$	1.9222	1.8032	1.9114	
A (0)	(0.0001)	(0.0002)	(0.0001)	
$A^{4}(0)$	1.9567	1.8627	1.9150	
A (0)	(0.0002)	(0.0000)	(0.0002)	
$A^{5}(0)$	1.9259	1.9050	1.9228	
A (0)	(0.0000)	(0.0000)	(0.0000)	
$A^{6}(0)$	1.8102	1.9123	1.8133	
A (0)	(0.0002)	(0.0000)	(0.0002)	
$A^7(0)$	1.7923	1.8599	1.8237	
A (0)	(0.0002)	(0.0000)	(0.0002)	
A ⁸ (0)	1.7913	1.8060	1.7887	
A (0)	(0.0003)	(0.0000)	(0.0003)	
A ⁹ (0)	1.6291	1.7950	1.7650	
A (0)	(0.0002)	(0.0000)	(0.0002)	
$A^{10}(0)$	1.4219	1.6542	1.4626	
A (0)	(0.0003)	(0.0000)	(0.0005)	
N(0)	4.9896	4.6478	4.9548	
11(0)	(0.0002)	0.0002	(0.0002)	
	Decay Pa	rameters		
ϕ	0.5987	0.4560	0.5666	
Ψ	(0.0004)	(0.0002)	(0.0004)	
0	0.8508	0.7908	0.8142	
ρ	(0.0019)	(0.0003)	(0.0019)	
	Imagination Factor			
δ	0.5516	0.4502	0.4722	
U	(0.0000)	(0.0000)	(0.0000)	
	Payoff Sensitivity			
λ	2.9147	2.9139	2.9241	
Λ.	(0.0005)	(0.0002)	(0.0005)	

4.4.2 參數差異的檢驗

在檢驗高智商與低智商參數差異的設定上,將只針對 N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ 五個參數作比較,在估計操作上,本研究會將低智能的參數值,個別代入高智能 參數(其他參數固定不變,皆為高智能模型所估計的參數),取得概似估計值,然 後與高智能參數估計時的概似估計值,以類似概似比檢定的檢驗,來驗證參數之間的差異,這與概似比檢定中,一為限制參數與另一為沒有限制參數的模型有些 差異,其在於限制參數的模型中,雖將參數限制,但其餘參數仍是以估計得出, 並得到概似估計值,而此章節所採的方法並沒有做任何估計,只是以參數值作替 換,得到類似概似估計值的數值,表 4.12 至表 4.16 為檢驗結果,在將 N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 代入的模型下,皆拒絕虛無假設,這意味著高智能受測者與低智能受測者,在這四個參數是有差異的;而在 λ 代入的模型下,並不拒絕虛無假設,意味著高智能受測者與低智能受測者,在這個參數上是沒有差異的。

表 4.12: LR test 檢定結果(以 N(0)取代)

模型	Log-likeligood	注
高智能	-922.0551	未受限制
以低智能的 N(0)取代高智能的 N(0)	-981.3564	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 118.2284 \ge \chi_{0.95}^2(1) = 3.841$$

表 4.13: LR test 檢定結果(以 φ 取代)

模型	Log-likeligood	註
高智能	-922.0551	未受限制
以低智能的 ϕ 取代高智能的 ϕ	-948.9870	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 58.8638 \ge \chi_{0.95}^2(1) = 3.841$$

表 4.14: LR test 檢定結果(以 ρ 取代)

模型	Log-likeligood	註	
高智能	-922.0551	未受限制	
以低智能的 ρ 取代高智 能的 ρ	-1039.599	受限制	

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 235.0878 \ge \chi_{0.95}^2(1) = 3.841$$

表 4.15: LR test 檢定結果(以 δ 取代)

模型	Log-likeligood	註
高智能	-922.0551	未受限制
以低智能的 δ 取代高智能的 δ	-981.6726	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 119.2350 \ge \chi_{0.95}^2(1) = 3.841$$
 表 4.16:LR test 檢定結果(以 λ 取代)

模型	Log-likeligood	註
高智能	-922.0551	未受限制
以低智能的 λ 取代高智 能的 λ	-922.3876	受限制

$$LR = -2(LL_R - LL_U) = 0.6650 \le \chi_{0.95}^2(1) = 3.841$$

4.4.3 智能分數分為四等份結果

在此部分,本文將資料以工作記憶分數分為四類,同樣取用最高的一類與最 低的一類的受測者資料,進行參數估計,並與劃分為三類群體的參數作比較,在 估計上,由於資料樣本的限制,本文根據之前實證結果,將所有的初始吸引,設 定為均勻分配Uni(0,1),指估計學習模型上,N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,共五個參數, 結果如表4.17所示。

表 4.17、各個高低智能結果比較表

參數	前四分之一	前三分之一	後三分之一	後四分之一		
	Initial Values					
77(0)	4.9999	4.9910	4.6539	4.3160		
N(0)	(0.0001)	(0.0006)	(0.0005)	(0.0004)		
	Decay Parameters					
ϕ	0.6312	0.6011	0.4618	0.4189		
	(0.0001)	(0.0006)	(0.0004)	(0.0000)		
	0.8517	0.8482	0.7896	0.7710		
ρ	(0.0006)	(0.0015)	(0.0019)	(0.0013)		
	Imagination Factor					
δ	0.5550	0.5478	0.4510	0.4363		
	(0.0000)	(0.0000)	(0.0000)	(0.0000)		
Payoff Sensitivity						
λ	2.9311	2.9151	2.9119	2.9108		
	(0.0002)	(0.0005)	(0.0007)	(0.0006)		

從表4.17中,可以發現前四分之一的受測者在N(0)、 ϕ 、 ρ 及 δ 這些參數,皆比前三分之一的受測者的數值還大;而後四分之一的受測者在N(0)、 ϕ 、 ρ 及 δ 這些參數,皆比後三分之一的受測者的數值還小,這些結果更加驗證之前智能與學習行為的相關性。而在 λ 參數的部分,可以發現前四分之一與前三分之一的差距,比後四分之一與後三分之一的差距來得大,也就是在更高智能受測者,對於吸引的敏感度會更敏感,而在更低智能受測者,則沒有此狀況,這說明智能非常高的受測者們,可能有更高的動機去獲得報酬。

第五章、結論

5.1 結論

經濟學家以選美賽局實驗,來驗證理論,發現多期的賽局,並不如理論所述, 發現在第一期時的行為,經常遠離均衡點,而且隨著時間的經過,選擇才會漸漸 收斂至均衡,因此紛紛開始提出各種學習模型來解釋學習的行為,而在研究學習 行為上,選美競賽賽局是非常有用的,因為其不會立刻地收斂,使能夠研究觀察 整個學習動態的過程。

在較早的實證中,這些解釋受測者在選美競賽賽局裡的學習行為理論與假說, 常常未納入與智能有關的分析,但在之後的研究中,智能與受測者在選美競賽賽 局的行為策略上的相關性,成為一個常被關注的議題,但在這些過去的研究,一 直都是直接觀察實際猜測行為與智能表現之間的關係,並未直接關注於學型模型 與智能之間的關係,來解釋智能表現對於行為策略的相關性,因此本研究才著重 於將智能與學習模型估計的結合。

本文參照過去文獻的選美競賽的實驗設計與方法,獲得真人實驗資料,並且參照 Camerer and Ho(1999)方式處理這些資料,接著以經驗加權吸引模型來解釋學習行為,在學習模型上,本文使用最大概似估計法,估計行為參數,作為實證上的驗證。此外,在實驗上,為了取得受測者智能的資料,也實行了五個實驗,分別為逆序記憶廣度作業(Backward Digit-Span Task)、空間短期記憶測驗(Spatial Short-Term Memory Test)、記憶更新作業(Memory Updating Task)、語句判斷作業(Sentence-Span Task)以及運算廣度作業(Operation-Span Task),這些工作記憶測驗所得到的標準化分數,將被使用來作為資料的劃分,以獲得高智能與低智能受者的資料,並將之與學習模型結合,以驗證智能對於學習行為的影響。分析之後的結果得到如下幾個結論:

一、智力與學習行為的關聯性

從實證資料中,可以發現每一期選擇的平均,高智能受測者皆比低智能受測者低,這代表高智能受測者所猜測的數字更靠近均衡,這與 Burnham et al. (2009)的結果相當類似,且除了第二期及第四期外,猜測的分布相對於低智能受測者較密集,這也與 Schnusenberg and Gallo (2011)的結果有些許雷同,雖然此篇文獻,只發現在第一期時,高智能受測者猜測的分布相對於低智能者較密集。此外,本文也觀察到高智能受測者在初期時對於低智能受測者的勝率差距並不大,但到了最後一期時,高低智能分數受測者之間的差距,卻是相當明顯,也就是說智能高的人,可能在學習速度上,比智能低的人來得更快速。

在學習模型參數估計上,低智能的受測者在初始吸引部分,所估計的分配結 果會與之後期間的分配較不相似,這可能代表著低智能的受測者,對於類似賽局 實驗以及此實驗的分析或想像較差;在↓的參數估計上,低智能所估計結果小於 高智能,以理論而言,由於低智能的初始吸引與最後一期猜測的分配較不相似, 所以會遞減較快,也就是說會小於高智能所估計的結果,並且這也表示低智能受 測者,對於之前吸引遞減較快,遺忘地較快。在δ的部分,高智能的受測者明顯 地大於低智能的受測者,這表示高智能的受測者,對於失去的報酬比較敏感,會 較關心沒有選擇到的數字所能得到的報酬;此外,本文認為這也隱含低智能受測 者的行為較偏向強化學習,比較缺乏認知能力以及較為受限的推論能力,而高智 能受測者的行為,則較偏向信念學習,較有認知能力去了解現存對手,並意識到 對手的行為對於報酬的影響(Stahl,2000;Chen,2012)。在 N(0)的部分,高智能受測 者,稍微較大,這說明實驗前信念(經驗)權重較大;ρ 的部分,高智能受測者也 大於低智能受測者的結果,這代表高智能受測者,在對於實驗前信念(經驗)的部 分會遞減的較慢,從這些參數之間的差異,就可以發現高低智能,在行為參數上, 的確是有其差異的存在,而本文的對於數值上差異檢定的結果,也更加的說明之 間的異質性,但在受測者對於吸引敏感度λ的參數部分,本研究發現,此兩類受

測者並無太大差異,也就代表著智商高低,可能不是影響人們對於吸引敏感度的原因。此外,本文以智能將資料劃分得更細微(從三等分至四等分),可以見到更為明顯的結果。

二、初始吸引的設定

本文試著去設定一些初始吸引的分配,分別為類似均勻分配 Uni(0,1)的模型一、及兩個類似貝他分配 Beta(2,2)的模型二和 Beta(2,5)的模型三,來比較不同的初始吸引,是否對其他參數的估計會有影響。從結果可看出 N(0)、 ϕ 、 ρ 、 δ 及 λ ,這五個參數上,在不同的初始吸引分配,會有些許的變化,也就是數值上的差異,但本研究認為,就算初始吸引的分配差異很大,如模型一與模型三,也無法導致整個策略行為逆轉,其理由為像是 δ 及 ρ 這兩個介於 0 至 1 之間的參數,並不會因為初始吸引分配而翻轉, ρ 值就從原本遞減較慢變為遞減較快,而 δ 從原本遞減較快變為遞減較慢,而其他參數方面,也未見明顯的改變,本研究以概似比檢定,來檢驗此論述,也發現同樣的結果。此外,本文也試圖從這些不同初始吸引分配設定中,找出所估計參數的規則,以尋找不同的學習行為,但從估計結果來看,並無強烈的證據顯示,其變動的規則。

參考文獻

中文部分

張春興 (1994):教育心理學-三化取向的理論與實踐。臺北:東華書局。

陳冠儒 (2011):賽局理論與學習模型的實證研究。國立政治大學統計學系碩士 論文。

英文部分

- Burnham, T. C., Cesarini, D., Johannesson, M., Lichtenstein, P., and Wallace, B. (2009). Higher cognitive ability is associated with lower entries in a p-beauty contest. Journal of Economic Behavior and Organization, 72(1), 171-175.
- Camerer, C. F. (1997). Progress in behavioral game theory. Journal of Economic Perspectives, 11, 167-88.
- Camerer, C. F., and Ho, T.-H. (1999), Experience-weighted attraction learning in normal form games. Econometrica, 67, 827–874.
- Camerer, C. F., Ho, T.-H., and Chong, J.-K. (2004). A cognitive hierarchy model of games. Quarterly Journal of Economics, 119, 861-98.
- Cantor, J., and Engle, R. W. (1993). Working-memory capacity as long-term memory activation: An individual-differences approach. Journal of Experimental Psychology: Learning, Memory, and Cognition, 19, 1101-1114.
- Chen, S.-H. (2012). Varieties of agents in agent-based computational economics: A historical and an interdisciplinary perspective. Journal of Economic Dynamics & Control, 36(1), 1–25.
- Chen, S-H, Yang, L-X, and Du, Y-R (2012). Intelligence and level-k reasoning in beauty-contest experiments. working paper National Chengchi University.

- Cheung, Y. W., and Friedman, D. (1997). Individual learning in normal form games: some laboratory results. Game and Economic Behavior, 19, 46-76.
- Conway, A. R. A., Cowan, N., Bunting, M. F., Therriault, D. J., and Minkoff, S.R. B. (2002). A latent variable analysis of working memory capacity, short-term memory capacity, processing speed, and general fluid intelligence.Intelligence, 30, 163-184.
- Coricelli, G., and Nagel, R. (2009). Neural correlates of depth of strategic reasoning in medial prefrontal cortex. Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America, 106(23), 9163-9168.
- Costa-Gomes, M. A., and Crawford, V. P. (2006). Cognition and behavior in two-person guessing games: An experimental study. American Economic Review 96, 1737-1768.
- Cross, R. (1982). The Duhem-Quine thesis, Lakatos and the appraisal of theories in macroeconomics. Economic Journal, 92, 320-340.
- Daily, L. Z., Lovett, M. C., and Reder, L. M. (2001). Modeling individual differences in working memory performance: A source activation account. Cognitive Sciences, 25, 315-353.
- Devetag, G., and Warglien, M. (2003). Games and phone numbers: Do short-term memory bounds affect strategic behavior? Journal of Economic Psychology, 24, 189-202.
- Duffy, J., Nagel, R. (1997). On the robustness of behaviour in experimental 'beauty-contest' games. Economic Journal 107 (445), 1684–1700.
- Earl, P. E. (1990). Economics and psychology: A survey. Economic Journal, 100, 718-755.

- Engle, R. W., Tuholski, S. W., Laughlin, J. E., and Conway, A. R. A. (1999). Working memory, short-term memory, and general fluid intelligence: A latent-variable approach. Journal of Experimental Psychology: General, 128, 309-331.
- Erev, I. and Roth, A. E.(1995). Prediciting how people play games: Reinforcement learning in experimental games with unique, mixed strategy euqilibri. The American Economic Review, 88(4):848–881.
- Friedman D.(1998), "Evolutionary economics goes mainstream: A review of the theory of learning in games," Journal of Evolutionary Economics, 8: 423-432.
- Hambrick, D. Z., and Engle, R. W. (2002). Effects of domain knowledge, working memory capacity, and age on cognitive performance: An investigation of the knowledge-is-power hypothesis. Cognitive Psychology, 44, 339-387.
- Ho, T.-H., Camerer, C., Weigelt, K. (1998). Iterated dominance and iterated best-best response in experimental 'p-beauty contests'. American Economic Review 88 (4), 947–969.
- Keynes, J. M. (1936). The General Theory of Employment, Interest, and Money. London: Macmillan.
- Kyllonen, P. C., and Christal, R. E. (1990). Reasoning ability is (little more than) working-memory capacity?! Intelligence, 14, 389-433.
- Kyllonen, P. C. (1996). Is working memory capacity Spearman's g? In I. Dennisand P. Tapsfield (Eds.), Human abilities: Their nature and measurement. Hillsdale, NJ: Erlbaum.

- Nagel, R. (1995). Unraveling in guessing games: An experimental study. American Economic Review, 85(5), 1313-1326.
- Nagel, R. (1998). A survey on beauty contest experiments: Bounded rationality and learning. In: Budescu, D., Erev, I., Zwick, R. (Eds.), Games and Human Behavior, Essays in Honor of Amnon Rapoport. Lawrence Erlbaum Associates, Inc., New Jersey.
- Nagel, R. (2008). Experimental beauty contest games: Levels of reasoning and convergence to equilibrium. In: Plott, C. R., and Smith, V. (Eds.) Handbook of Experimental Economics Results, Vol. 1, Chapter 45, 391-410, Elsevier.
- Nichols M. W. and Radzicki M. J.(2007). An Agent-Based Model of Behavior in "Beauty Contest" Games. University of Nevada, Reno working paper.
- Roth, A. E. and Erev, I. (1995). Learning in extensive-form games: Experimental data and simple dynamic models in the intermediate term. Games and Economic Behavior, 8:164–212.
- Rydval, O., Ortmann, A., and Ostatnicky, M. (2009). Three very simple games and what it takes to solve them. Journal of Economic Behavior and Organization, 72(1), 589-601.
- Schnusenberg, O. and Gallo, A. (2011). On Cognitive Ability and Learning in a Beauty Contest. Journal for Economic Educators, 11(1), 13-24.
- Simon, H. A. (1990). Invariants of human behavior. Annual review of psychology, 41, 1-19.
- Stahl, D. O. (2000). Rule Learning in Symmetric Normal-Form Games: Theory and Evidence. Games and Economic Behavior, 32(1), 105-138.
- Thorndike, E.L. (1898). Animal intelligence: An experimental study of the associative processes in animals. Psychological Review Monographs Supplement, 2.

附錄

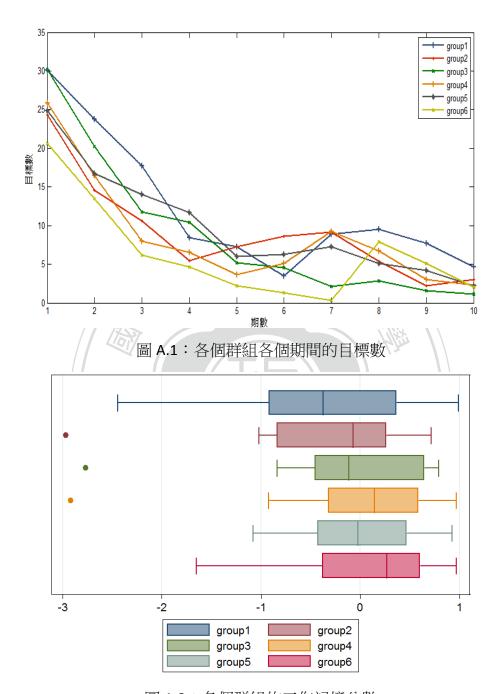


圖 A.2:各個群組的工作記憶分數

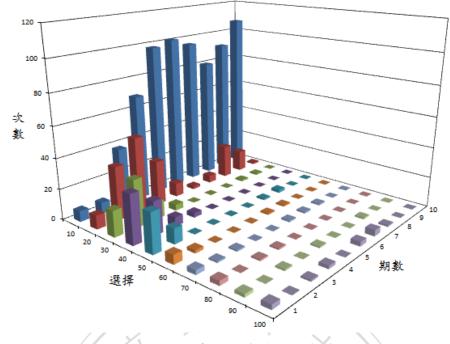


圖 A.3: 所有受測者的選擇頻率

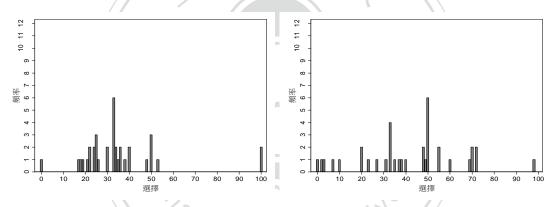


圖 A.4:第一期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)

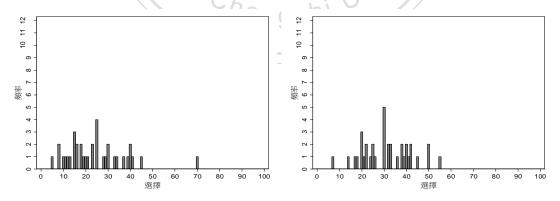


圖 A.5:第二期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)

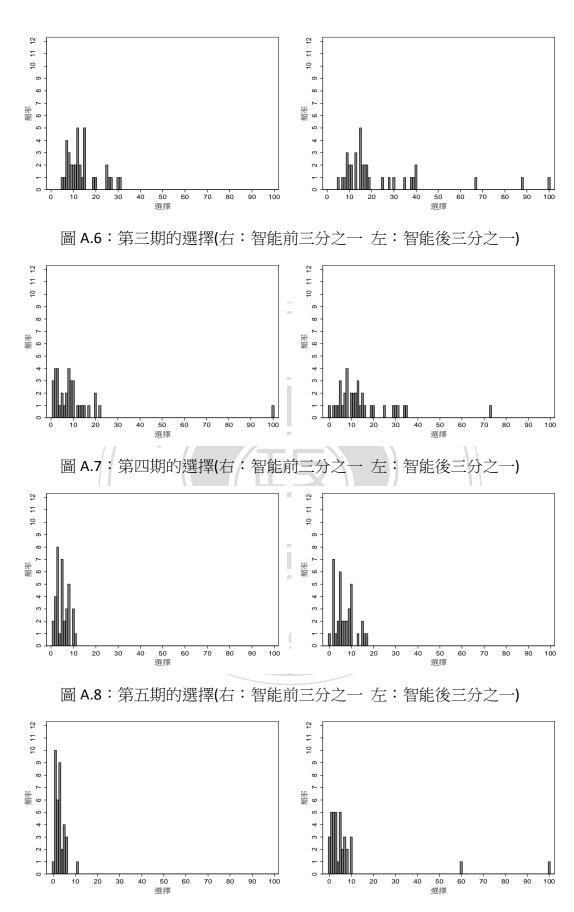


圖 A.9:第六期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)

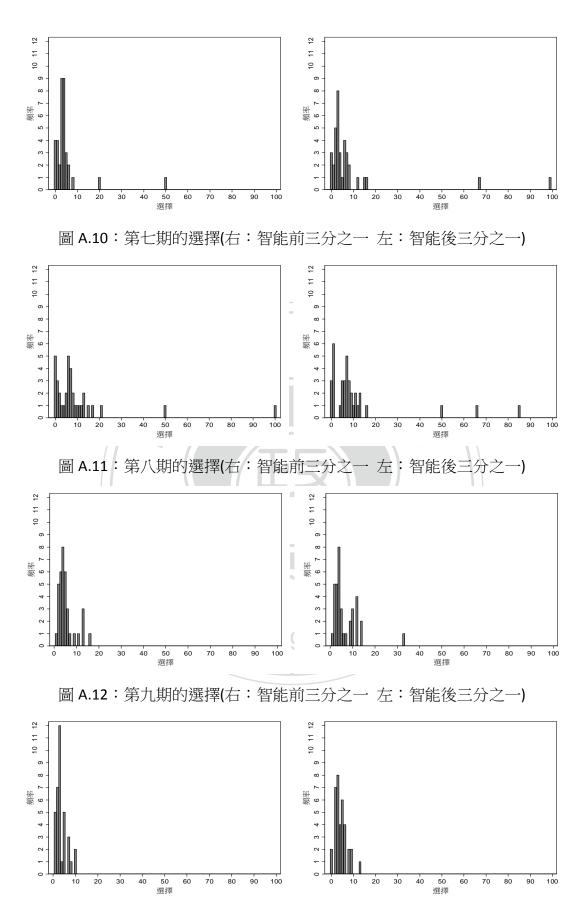


圖 A.13:第十期的選擇(右:智能前三分之一 左:智能後三分之一)

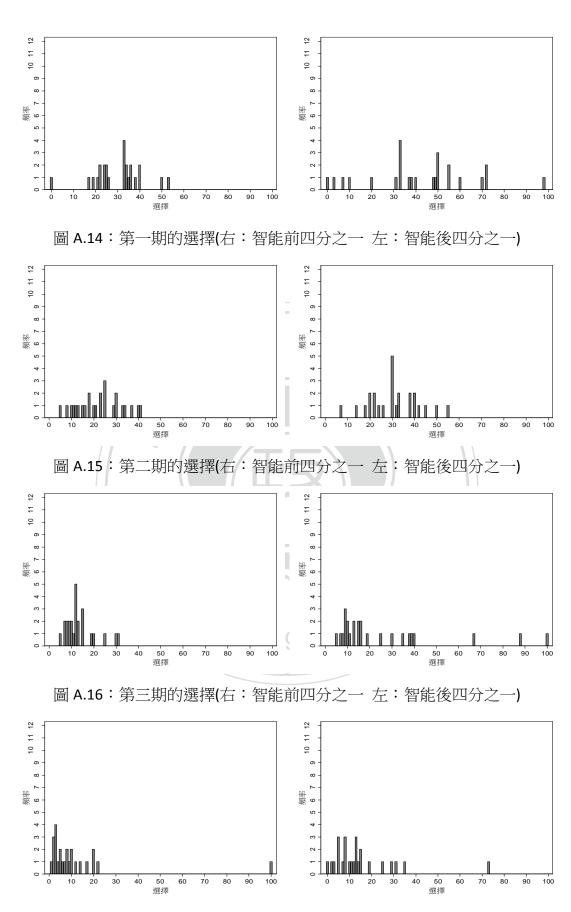


圖 A.17:第四期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)

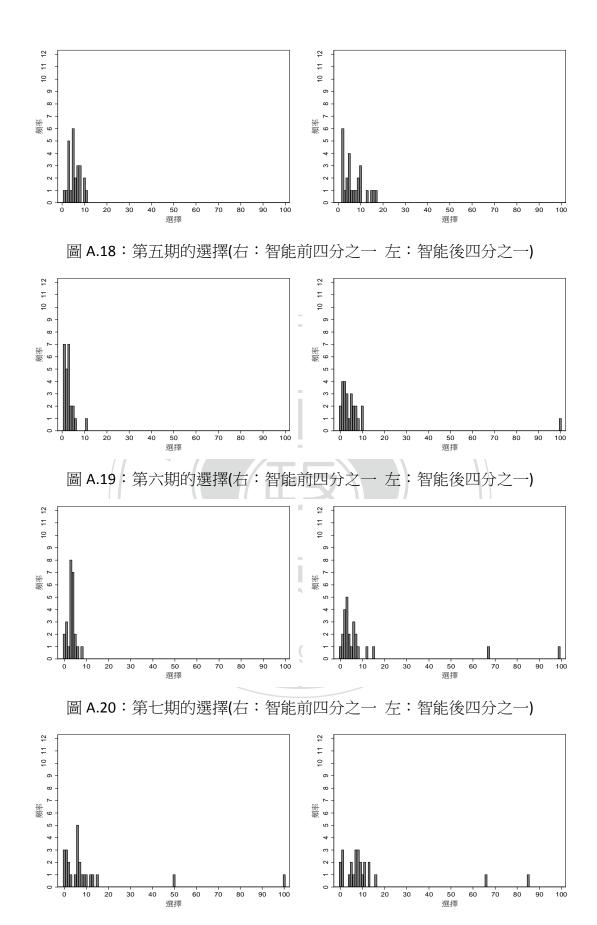


圖 A.21: 第八期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)

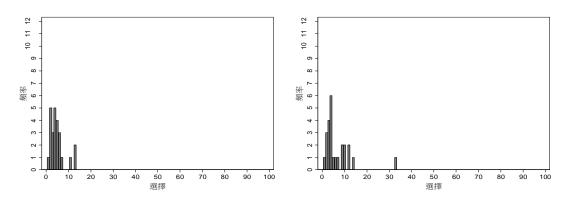


圖 A.22: 第九期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)

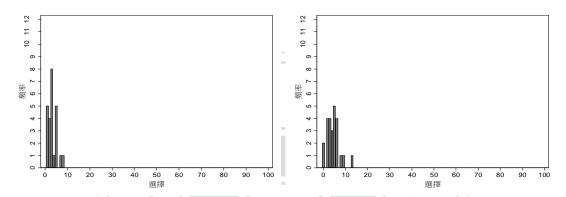


圖 A.23:第十期的選擇(右:智能前四分之一 左:智能後四分之一)

Zona Chengchi Univer